

# Solucionario

## Unidad 1, Números Complejos

### Pág. 9

1. Depende de cada grupo.
2. Depende de cada grupo.

### Pág. 10

1. C
2. C
3. D
4. E
5. A
6. A
7. E
8. D
9. A

### Pág. 11

10. D
11. E
12. A
13. B
14. D

### Pág. 13

1.  $\sqrt{9} = 3 \blacktriangleright$  Real
2.  $\sqrt{-25} = 5i \blacktriangleright$  Imaginario
3.  $\sqrt{-144} = 12i \blacktriangleright$  Imaginario
4.  $-\sqrt{125} \approx -11,18 \blacktriangleright$  Real
5.  $\sqrt[3]{-49} \approx -3,66 \blacktriangleright$  Real
6.  $\sqrt{-169} = 13i \blacktriangleright$  Imaginario
7.  $\sqrt{-125} \approx 11,18i \blacktriangleright$  Imaginario
8.  $-\sqrt{225} = -15 \blacktriangleright$  Real

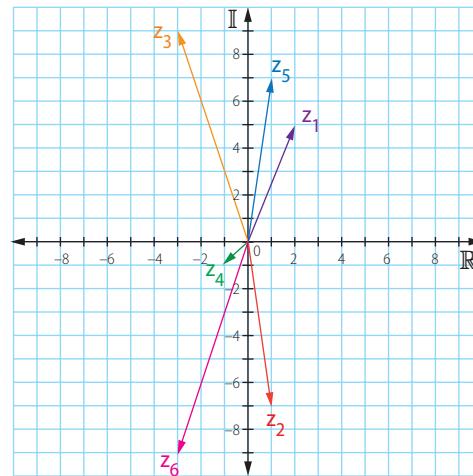
### Pág. 15

1.  $23i$
2.  $4i$
3.  $28i$
4.  $-27i$
5.  $16$
6.  $-i$

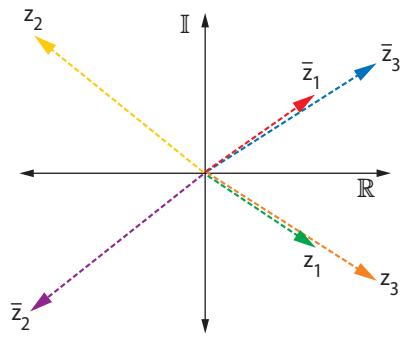
7.  $-5i$
8.  $17i$
9.  $-18$
10.  $2 - 70i$
11.  $108i$
12.  $-1 - 15i$

### Pág. 19

1.  $\operatorname{Re}(z) = 3, \operatorname{Im}(z) = 12$
2.  $\operatorname{Re}(z) = 4, \operatorname{Im}(z) = -2$
3.  $\operatorname{Re}(z) = 32, \operatorname{Im}(z) = 3$
4.  $\operatorname{Re}(z) = \sqrt{2}, \operatorname{Im}(z) = -\frac{3}{5}$
5.  $\operatorname{Re}(z) = 4, \operatorname{Im}(z) = -0,55$
6.  $\operatorname{Re}(z) = 0,25; \operatorname{Im}(z) = 3$
7.  $15 + 10i$
8.  $-0,51 + 3,52i$
9.  $-5i$
10.  $a = 6, b = 5$
11.  $a = 60, b = -23$
12.  $a = -20, b = -23$
13.  $a = 9,895; b = -9,375$
14.  $|z_1| = \sqrt{29}, \bar{z}_1 = 2 - 5i$
15.  $|z_2| = 5\sqrt{2}, \bar{z}_2 = 1 + 7i$
16.  $|z_3| = 3\sqrt{10}, \bar{z}_3 = -3 - 9i$
17.  $|z_4| = \sqrt{2}, \bar{z}_4 = -1 + i$
18.  $|z_5| = 5\sqrt{2}, \bar{z}_5 = 1 - 7i$
19.  $|z_6| = 3\sqrt{10}, \bar{z}_6 = -3 + 9i$

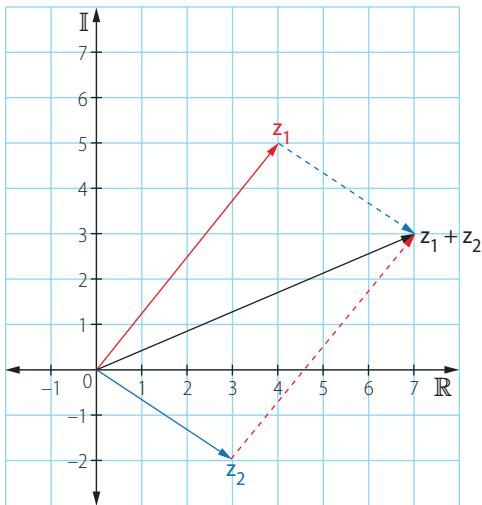


20.

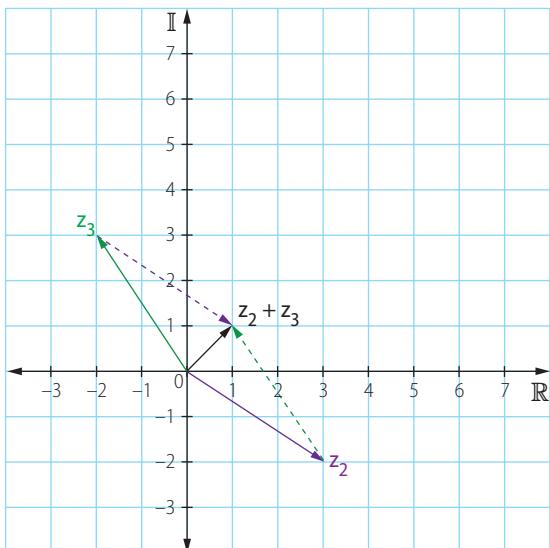


Pág. 21

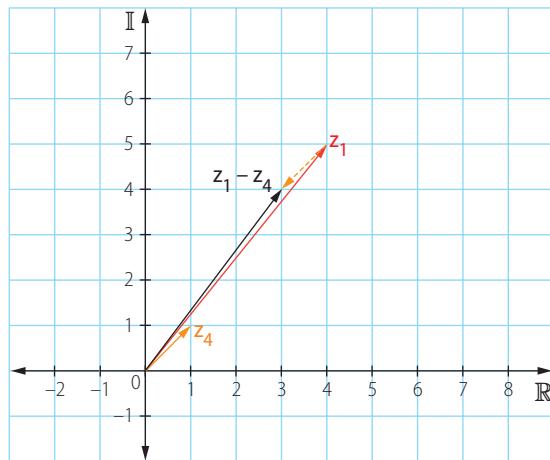
1.  $z = 7 + 3i$



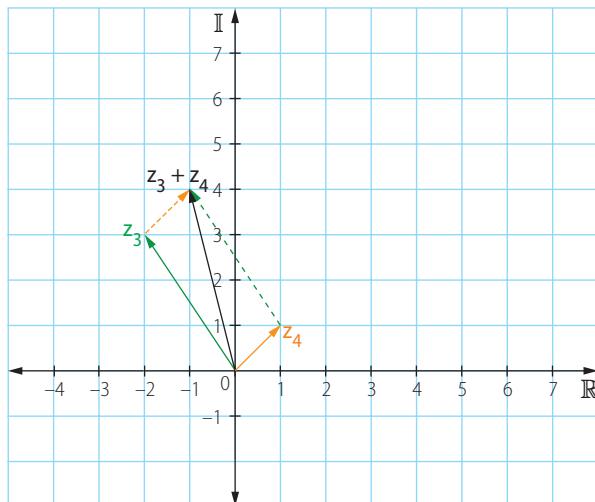
2.  $z = 1 + i$



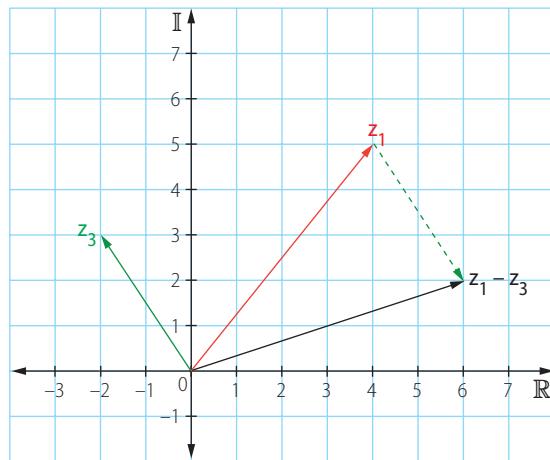
3.  $z = 3 + 4i$



4.  $z = -1 + 4i$

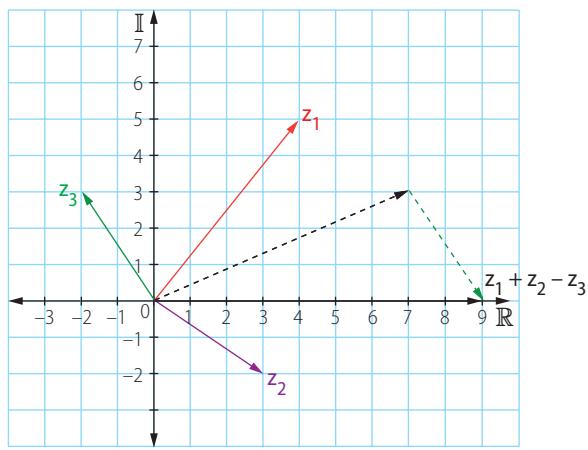


5.  $z = 6 + 2i$

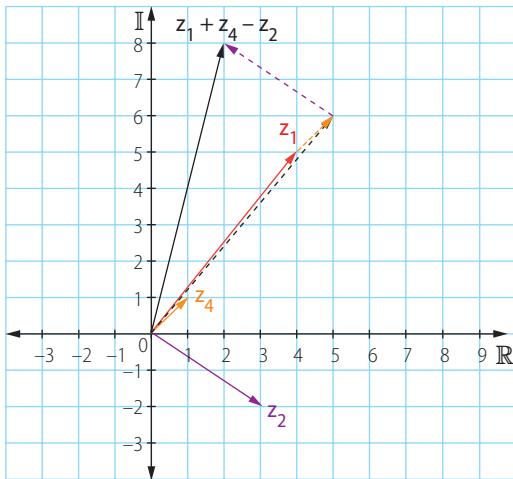


# Solucionario

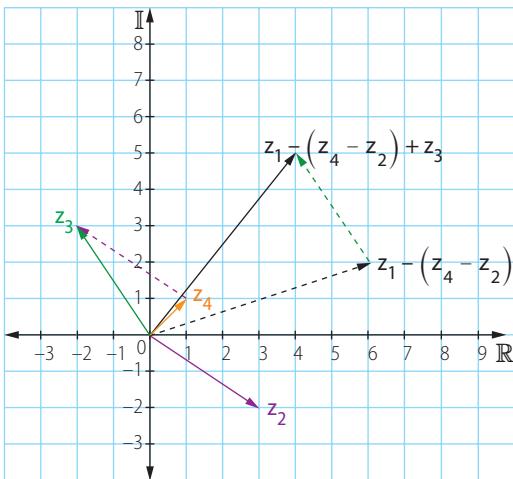
6.  $z = 9$



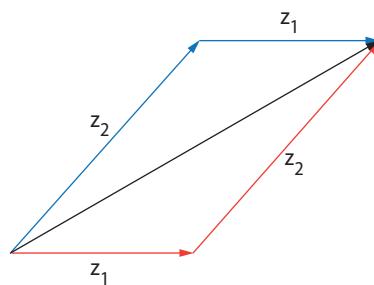
7.  $z = 2 + 8i$



8.  $z = 4 + 5i$

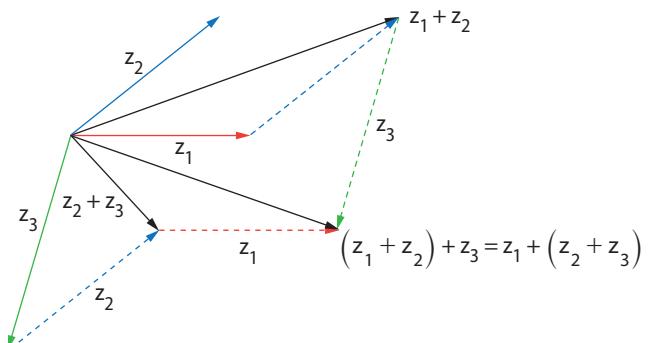


9.

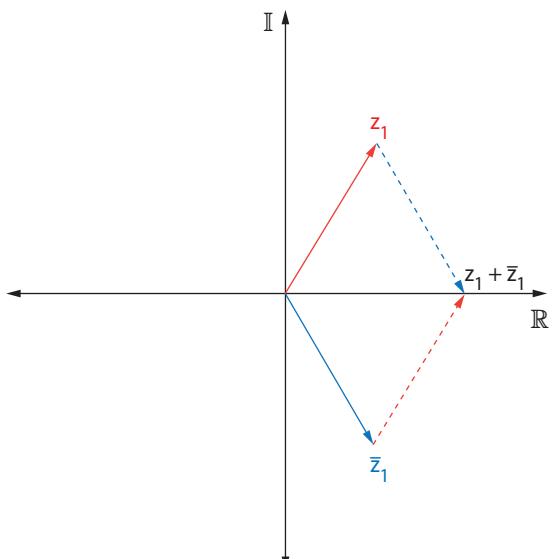


En color azul, se representa  $z_1 + z_2$ . En rojo,  $z_2 + z_1$ , comprobando que el resultado es el mismo.

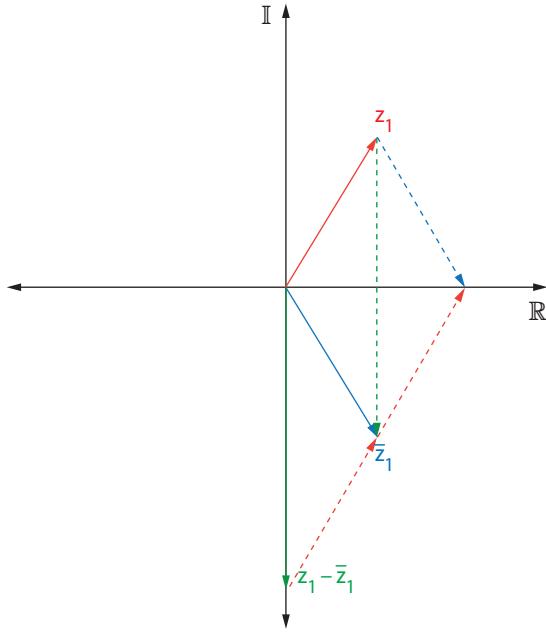
10.



11.

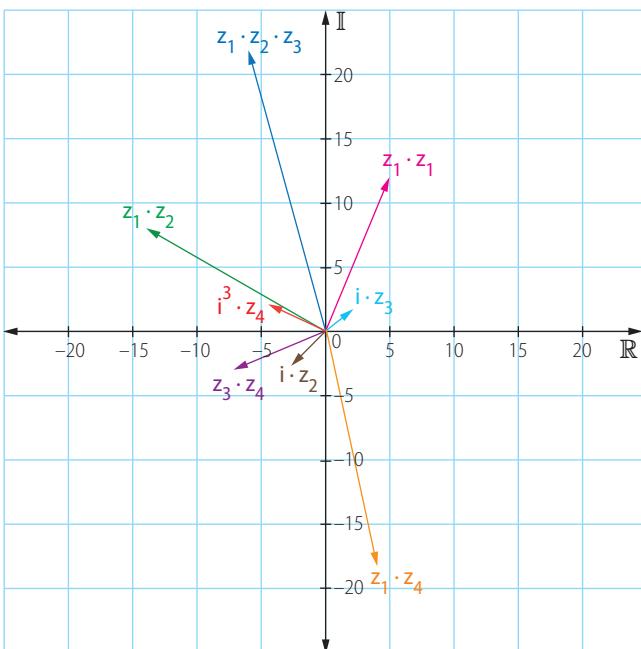


12.



## Pág. 23

1.  $-14 + 8i$
2.  $-7 - 3i$
3.  $4 - 19i$
4.  $-4 - 2i$
5.  $1 + i$
6.  $-5 + 2i$
7.  $-6 + 22i$
8.  $5 + 12i$



9.  $(z_5 + z_6) + z_7 = ((a + bi) + (c + di)) + (e + fi)$   
 $= ((a + c) + (b + d)i) + (e + fi)$   
 $= (a + c + e) + (b + d + f)i$   
 $= (a + bi) + ((c + e) + (d + f)i)$   
 $= (a + bi) + ((c + di) + (e + fi))$   
 $= z_5 + (z_6 + z_7)$

10.

$$(z_5 \cdot z_6) \cdot z_7 = [(a + bi) \cdot (c + di)] \cdot (e + fi)$$
 $= (ac + adi + bci + bdi^2) \cdot (e + fi)$ 
 $= ace + acfi + adei + adfi^2 + bcei + bcfi^2 + bdei^2 + bdafi^3$ 
 $= (a + bi) \cdot (ce + cf + dei + dfi^2)$ 
 $= (a + bi) \cdot [(c + di) \cdot (e + fi)]$ 
 $= z_5 \cdot (z_6 \cdot z_7)$

11.

$$z_5 \cdot (z_6 + z_7) = (a + bi) \cdot (c + di + e + fi)$$
 $= ac + adi + ae + afi + bci + bdi^2 + bei + bfi^2$ 
 $= (ac + adi + bci + bdi^2) + (ae + afi + bei + bfi^2)$ 
 $= (a + bi) \cdot (c + di) + (a + bi) \cdot (e + fi)$ 
 $= z_5 \cdot z_6 + z_5 \cdot z_7$

12.

$$z_5 \cdot \bar{z}_5 = (a + bi) \cdot (a - bi)$$
 $= a^2 - abi + abi - (bi)^2$ 
 $= a^2 + b^2$ 
 $= |z_5|^2$

13.  $5 + 8i$ 14.  $7 + 5i$ 15.  $8 + 6i$ 16.  $17 + 28i$

# Solucionario

## Pág. 25

- 1.**  $a = 0, b \neq 0$   
**2.**  $a = 0, b \neq 0$

- 1.**  $4 + 2i$   
**2.**  $-1 - 3i$   
**3.**  $31 - i$   
**4.**  $-5 + 12i$

## Pág. 27

- 1.**  $1 - 7i$   
**2.**  $\frac{19}{5} + \frac{22}{5}i$   
**3.**  $-\frac{17}{2} + \frac{7}{2}i$   
**4.**  $\frac{19}{169} - \frac{22}{169}i$   
**5.**  $\frac{1}{50} + \frac{7}{50}i$   
**6.**  $-\frac{46}{169} - \frac{178}{169}i$   
**7.**  $\frac{29}{5} + \frac{37}{5}i$   
**8.**  $-\frac{1.449}{50} + \frac{107}{50}i$   
**9.**  $-\frac{83}{106} - \frac{105}{106}i$   
**10.**  $\frac{224}{169} + \frac{132}{169}i$   
**11.**  $-\frac{41}{50} - \frac{31}{25}i$   
**12.**  $\frac{1.038}{169} + \frac{1.342}{169}i$

## Pág. 29

$$\begin{aligned} \mathbf{1.} \quad z_1 &= a + bi, z_2 = c + di \\ \overline{\frac{z_1}{z_2}} &= \frac{a - bi}{c - di} \\ &= \frac{(a - bi) \cdot (c + di)}{c^2 + d^2} \\ &= \frac{(ac + bd) + (ad - bc)i}{c^2 + d^2} \\ &= \overline{\left( \frac{(ac + bd) - (ad - bc)i}{c^2 + d^2} \right)} \\ &= \overline{\left( \frac{(a + bi) \cdot (c - di)}{c^2 + d^2} \right)} \\ &= \overline{\left( \frac{a + bi}{c + di} \right)} \\ &= \overline{\left( \frac{z_1}{z_2} \right)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{2.} \quad z_1 &= a + bi, z_2 = c + di \\ \left| \frac{z_1}{z_2} \right| &= \left| \frac{a + bi}{c + di} \right| \\ &= \left| (a + bi) \cdot \left( \frac{c}{c^2 + d^2} - \frac{d}{c^2 + d^2}i \right) \right| \\ &= |a + bi| \cdot \left| \frac{c}{c^2 + d^2} - \frac{d}{c^2 + d^2}i \right| \\ &= \sqrt{a^2 + b^2} \cdot \sqrt{\frac{c^2 + d^2}{(c^2 + d^2)^2}} \\ &= \frac{\sqrt{a^2 + b^2}}{\sqrt{c^2 + d^2}} \cdot \frac{\sqrt{c^2 + d^2}}{\sqrt{c^2 + d^2}} \\ &= \frac{\sqrt{a^2 + b^2}}{\sqrt{c^2 + d^2}} \\ &= \frac{|a + bi|}{|c + di|} \\ &= \frac{|z_1|}{|z_2|} \end{aligned}$$

3.  $z_1 = a + bi, z_2 = c + di$   
 $\bar{z}_1 + \bar{z}_2 = a - bi + c - di$   
 $= (a + c) - (b + d)i$   
 $= \overline{(a + c) + (b + d)i}$   
 $= \overline{(a + bi) + (c + di)}$   
 $= \overline{z_1 + z_2}$

4.  $z = bi = 0 + bi$   
 $z^{-1} = \frac{0}{0^2 + b^2} - \frac{b}{0^2 + b^2}i$   
 $= -\frac{b}{b^2}i$   
 $= -\frac{1}{b}i$

Luego, el inverso de un número imaginario, es un número imaginario.

5.  $\frac{1}{5} - \frac{4}{5}i$   
 6.  $\frac{8}{25} + \frac{14}{25}i$   
 7.  $-\frac{11}{3} - \frac{41}{6}i$   
 8.  $\frac{11}{61} + \frac{123}{61}i$   
 9. -2  
 10. -i  
 11.  $-\frac{18}{29} + \frac{16}{29}i$

### Pág. 31

1.  $2\sqrt{10}$       3. 52  
 2. 52      4.  $8\sqrt{10}$

1.  $k = 21$

### Pág. 37

1.  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 2.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 3.  $-\frac{1}{2}$

4. 0  
 5. 1  
 6.  $\theta = 120^\circ$   
 7.  $\theta = 300^\circ$   
 8.  $\theta = 225^\circ$   
 9.  $\theta = 390^\circ$

### Pág. 39

1.  $\frac{\sqrt{2}\sqrt{2} + 2\sqrt{6} + 8}{4}$   
 2.  $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{2}}{2}$   
 3.  $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$   
 4.  $\frac{\sqrt{2}\sqrt{2} - 2\sqrt{6} + 8}{4}$   
 5.  $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$   
 6.  $\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$   
 7.  $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$   
 8.  $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$   
 9.  $\frac{-\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$   
 10.  $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$   
 11.  $\frac{\sqrt{10} + 2\sqrt{5}}{4}$   
 12.  $\frac{\sqrt{10} + 2\sqrt{5}}{4}$   
 13.  $\frac{\sqrt{5} - 1}{4}$   
 14.  $\frac{\sqrt{50 + 10\sqrt{5}} - \sqrt{10 + 2\sqrt{5}}}{8}$   
 15.  $\frac{\sqrt{5} + 1}{4}$   
 16.  $\frac{\sqrt{8 - 2\sqrt{2}(\sqrt{5} + 5)}}{4}$

# Solucionario

17.  $\frac{\sqrt{8+2\sqrt{2}}(\sqrt{5}+5)}{4}$

18.  $\frac{\sqrt{5}+1}{4}$

19.  $\frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$

20.  $\frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4}$

21.  $\operatorname{sen}3\alpha = \operatorname{sen}(\alpha + 2\alpha)$

$$\begin{aligned} &= \operatorname{sen}\alpha \cos 2\alpha + \cos \alpha \operatorname{sen} 2\alpha \\ &= \operatorname{sen}\alpha (2\cos^2 \alpha - 1) + \cos \alpha (2\operatorname{sen}\alpha \cos \alpha) \\ &= 2\operatorname{sen}\alpha \cos^2 \alpha - \operatorname{sen}\alpha + 2\operatorname{sen}\alpha \cos^2 \alpha \\ &= 4\operatorname{sen}\alpha \cos^2 \alpha - \operatorname{sen}\alpha \\ &= 4\operatorname{sen}\alpha (1 - \operatorname{sen}^2 \alpha) - \operatorname{sen}\alpha \\ &= 4\operatorname{sen}\alpha - 4\operatorname{sen}^3 \alpha - \operatorname{sen}\alpha \\ &= 3\operatorname{sen}\alpha - 4\operatorname{sen}^3 \alpha \end{aligned}$$

22.  $\cos 3\alpha = \cos(\alpha + 2\alpha)$

$$\begin{aligned} &= \cos \alpha \cos 2\alpha - \operatorname{sen} \alpha \operatorname{sen} 2\alpha \\ &= \cos \alpha (2\cos^2 \alpha - 1) - \operatorname{sen} \alpha 2\operatorname{sen} \alpha \cos \alpha \\ &= 2\cos^3 \alpha - \cos \alpha - 2\operatorname{sen}^2 \alpha \cos \alpha \\ &= 2\cos^3 \alpha - \cos \alpha - 2\cos \alpha (1 - \cos^2 \alpha) (1 - \cos^2 \alpha) \\ &= 2\cos^3 \alpha - \cos \alpha - 2\cos \alpha + 2\cos^3 \alpha \\ &= 4\cos^3 \alpha - 3\cos \alpha \end{aligned}$$

23.  $\operatorname{sen} 4\alpha = \operatorname{sen}(2\alpha + 2\alpha)$

$$\begin{aligned} &= \operatorname{sen} 2\alpha \cos 2\alpha + \cos 2\alpha \operatorname{sen} 2\alpha \\ &= 2\operatorname{sen} 2\alpha \cos 2\alpha \\ &= 2 \cdot 2\operatorname{sen} \alpha \cos \alpha (2\cos^2 \alpha - 1) \\ &= 8\operatorname{sen} \alpha \cos^3 \alpha - 4\operatorname{sen} \alpha \cos \alpha \end{aligned}$$

24.  $\cos 4\alpha = \cos(2\alpha + 2\alpha)$

$$\begin{aligned} &= \cos 2\alpha \cos 2\alpha - \operatorname{sen} 2\alpha \operatorname{sen} 2\alpha \\ &= \cos^2 2\alpha - \operatorname{sen}^2 2\alpha \\ &= (2\cos^2 \alpha - 1)^2 - (2\operatorname{sen} \alpha \cos \alpha)^2 \\ &= 4\cos^4 \alpha - 4\cos^2 \alpha + 1 - 4\operatorname{sen}^2 \alpha \cos^2 \alpha \\ &= 4\cos^4 \alpha - 4\cos^2 \alpha + 1 - 4(1 - \cos^2 \alpha) \cos^2 \alpha \\ &= 4\cos^4 \alpha - 4\cos^2 \alpha + 1 - 4\cos^2 \alpha + 4\cos^4 \alpha \\ &= 8\cos^4 \alpha - 8\cos^2 \alpha + 1 \end{aligned}$$

## Pág. 41

1.  $12\sqrt{2} \operatorname{cis} 135^\circ$

2.  $10\sqrt{2} \operatorname{cis} 315^\circ$

3.  $10\operatorname{cis} 210^\circ$

4.  $4\operatorname{cis} 150^\circ$

5.  $13\operatorname{cis} 292,62^\circ$

6.  $1,002\operatorname{cis} 335,22^\circ$

7.  $0,99\operatorname{cis} 9,84^\circ$

8.  $1,88\operatorname{cis} 148,25^\circ$

9.  $\frac{17\sqrt{2}}{2} + \frac{17\sqrt{2}}{2}i$

10.  $-21i$

11.  $-\frac{25\sqrt{2}}{2} - \frac{25\sqrt{2}}{2}i$

12.  $-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$

13.  $6\sqrt{3} + 6i$

14.  $3,99 + 3,01i$

15.  $64,28 + 76,6i$

16.  $-28,19 - 10,26i$

## Pág. 43

1.  $\operatorname{cis}(-2\theta)$

2.  $\operatorname{cis} 2\theta$

1.  $-\operatorname{sen} 10^\circ$

3.  $\cos 50^\circ$

2.  $\cos 10^\circ$

4.  $-\operatorname{sen} 50^\circ$

## Pág. 45

1.  $8\operatorname{cis} 50^\circ$

2.  $48\operatorname{cis} 165^\circ$

3.  $3\text{cis}125^\circ$

4.  $\frac{2}{3}\text{cis}15^\circ$

5.  $8\text{cis}90^\circ$

6.  $64\text{cis}60^\circ$

7.  $\frac{16}{3}\text{cis}105^\circ$

8.  $24\text{cis}235^\circ$

Potencia	1	2	3	4	5	6
Forma binomial	$1+i$	$2i$	$-2+2i$	$-4$	$-4-4i$	$-8i$

Potencia	1	2	3	4	5	6
Forma binomial	$\sqrt{2}\text{cis}45^\circ$	$2\text{cis}90^\circ$	$2\sqrt{2}\text{cis}135^\circ$	$4\text{cis}180^\circ$	$4\sqrt{2}\text{cis}225^\circ$	$8\text{cis}270^\circ$

### Pág. 47

1.  $2\text{cis}30^\circ$

2.  $4\text{cis}80^\circ$

3.  $\text{cis}30^\circ$

4.  $\text{cis}150^\circ$

5.  $\text{cis}30^\circ$

6.  $14\sqrt{2}\text{cis}45^\circ$

7.  $-2$

$$\begin{aligned} \mathbf{9.} \quad z_2 \cdot z_2 &= \text{cis}120^\circ \cdot \text{cis}120^\circ \\ &= \text{cis}(120^\circ + 120^\circ) \\ &= \text{cis}240^\circ \\ &= z_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{10.} \quad 1 + z_2 + z_3 &= 1 - \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i - \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i \\ &= 0 \end{aligned}$$

11.  $\text{cis}30^\circ, \text{cis}60^\circ, \text{cis}90^\circ, \text{cis}120^\circ, \text{cis}150^\circ, \text{cis}180^\circ, \text{cis}210^\circ, \text{cis}240^\circ, \text{cis}270^\circ, \text{cis}300^\circ, \text{cis}330^\circ, \text{cis}360^\circ$

12.  $\text{cis}45^\circ, \text{cis}225^\circ$

13.  $3\text{cis}30^\circ, 3\text{cis}150^\circ, 3\text{cis}270^\circ$

14.  $2, 2\text{cis}72^\circ, 2\text{cis}144^\circ, 2\text{cis}216^\circ, 2\text{cis}288^\circ$

15.  $\sqrt{2}, \sqrt{2}\text{cis}45^\circ, \sqrt{2}\text{cis}90^\circ, \sqrt{2}\text{cis}135^\circ, \sqrt{2}\text{cis}180^\circ, \sqrt{2}\text{cis}225^\circ, \sqrt{2}\text{cis}270^\circ, \sqrt{2}\text{cis}315^\circ$

16.  $2, 2\text{cis}60^\circ, 2\text{cis}120^\circ, 2\text{cis}180^\circ, 2\text{cis}240^\circ, 2\text{cis}300^\circ$

### Pág. 49

1.  $4\text{cis}60^\circ, 4\text{cis}240^\circ$

2.  $5\text{cis}150^\circ, 5\text{cis}330^\circ$

3.  $2\text{cis}60^\circ, 2\text{cis}180^\circ, 2\text{cis}300^\circ$

4.  $\text{cis}45^\circ, \text{cis}117^\circ, \text{cis}189^\circ, \text{cis}261^\circ, \text{cis}333^\circ$

$$\begin{aligned} \mathbf{5.} \quad \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{300^\circ}{7} \right), \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{660^\circ}{7} \right), \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{1020^\circ}{7} \right), \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{1380^\circ}{7} \right), \\ \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{1740^\circ}{7} \right), \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{2100^\circ}{7} \right), \sqrt[7]{2} \text{cis} \left( \frac{2460^\circ}{7} \right) \end{aligned}$$

6.  $\text{cis}45^\circ, \text{cis}90^\circ, \text{cis}135^\circ, \text{cis}180^\circ, \text{cis}225^\circ, \text{cis}270^\circ, \text{cis}315^\circ, 1$

7.  $z_1 = 1, z_2 = \text{cis}120^\circ, z_3 = \text{cis}240^\circ$

$$\begin{aligned} \mathbf{8.} \quad (x-1)(x-z_2)(x-z_3) &= (x-1) \left( x + \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i \right) \left( x + \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \right) \\ &= (x-1) \left( \left( x + \frac{1}{2} \right)^2 - \left( \frac{\sqrt{3}}{2}i \right)^2 \right) \\ &= (x-1) \left( x^2 + x + \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \right) \\ &= (x-1)(x^2 + x + 1) \\ &= x^3 + x^2 + x - x^2 - x - 1 \\ &= x^3 - 1 \end{aligned}$$

### Pág. 51

1.  $10\text{cis}50^\circ$

2.  $12\text{cis}165^\circ$

1.  $\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{2}}{2}i$

2.  $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{3}{2}i$

### Pág. 54

1. C

2. A

3. B

4. D

5. A

# Solucionario

- 6.** B  
**7.** D  
**8.** E  
**9.** C  
**10.** D

## Pág. 55

- 11.** A  
**12.** D  
**13.** C  
**14.** B  
**15.** C  
**16.** E  
**17.** B  
**18.** E

## Pág. 57

- 1.**  $5i$   
**2.**  $4\sqrt{2}i$   
**3.**  $\sqrt{3}i$   
**4.**  $3i$   
**5.**  $\sqrt{7}xi$   
**6.**  $xy\sqrt{17}xyi$   
**7.**  $28i$   
**8.**  $3\sqrt{7}i$   
**9.**  $4\sqrt{5}i$   
**10.**  $\sqrt{3}i$

- 11.** Parte real: 1  
 Parte imaginaria: 1  
 Conjugado:  $1 - i$   
 Opuesto:  $-1 - i$   
 Módulo:  $\sqrt{2}$

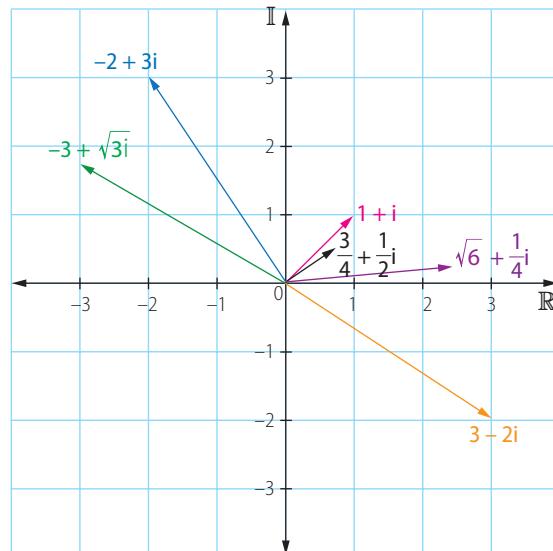
- 12.** Parte real: -2  
 Parte imaginaria: 3  
 Conjugado:  $-2 - 3i$   
 Opuesto:  $2 - 3i$   
 Módulo:  $\sqrt{13}$

- 13.** Parte real: 3  
 Parte imaginaria: -2  
 Conjugado:  $3 + 2i$   
 Opuesto:  $-3 + 2i$   
 Módulo:  $\sqrt{13}$

- 14.** Parte real:  $\sqrt{6}$   
 Parte imaginaria:  $\frac{1}{4}$   
 Conjugado:  $\sqrt{6} - \frac{1}{4}i$   
 Opuesto:  $-\sqrt{6} - \frac{1}{4}i$   
 Módulo:  $\frac{\sqrt{97}}{4}$

- 15.** Parte real: -3  
 Parte imaginaria:  $\sqrt{3}$   
 Conjugado:  $-3 - \sqrt{3}i$   
 Opuesto:  $3 - \sqrt{3}i$   
 Módulo:  $2\sqrt{3}$

- 16.** Parte real:  $\frac{3}{4}$   
 Parte imaginaria:  $\frac{1}{2}$   
 Conjugado:  $\frac{3}{4} - \frac{1}{2}i$   
 Opuesto:  $-\frac{3}{4} - \frac{1}{2}i$   
 Módulo:  $\frac{\sqrt{13}}{4}$



**17.**  $-1 + 6i$

**18.**  $-8 + 5i$

**19.**  $1 + 10i$

**20.**  $22 + 14i$

**21.**  $-19 - 9i$

**22.**  $-\frac{1}{10} - \frac{13}{10}i$

**23.**  $44 - 6i$

**24.**  $\frac{21}{89} + \frac{2}{89}i$

**25.**  $-\frac{25}{34} + \frac{19}{34}i$

**26.**  $-40 + 198i$

**27.**  $\frac{12}{169} - \frac{5}{169}i$

**28.**  $\frac{1}{25} + \frac{4}{75}i$

**29.**  $\frac{\sqrt{5}}{9} + \frac{2}{9}i$

**30.**  $\frac{\sqrt{7}}{25} - \frac{3\sqrt{2}}{25}i$

**31.**  $z = \frac{3}{10} - \frac{9}{10}i$

**32.**  $\frac{800\sqrt{13}}{13}$

**33.**  $5\sqrt{2} \operatorname{cis} 315^\circ$

**34.**  $8 \operatorname{cis} 330^\circ$

**35.**  $7 \operatorname{cis} 90^\circ$

**36.**  $\operatorname{cis} 289,47^\circ$

**37.**  $\sqrt{5} \operatorname{cis} 296,57^\circ$

**38.**  $\operatorname{cis} 275,74^\circ$

**39.**  $\frac{5}{2} + \frac{5\sqrt{3}}{2}i$

**40.**  $-6\sqrt{2} + 6\sqrt{2}i$

**41.**  $5 - 5\sqrt{3}i$

**42.**  $(2\sqrt{6} + 2\sqrt{2}) + (2\sqrt{6} - 2\sqrt{2})i$

**43.**  $\frac{9\sqrt{2} + \sqrt{2}}{2} + \frac{9\sqrt{2} - \sqrt{2}}{2}i$

**44.**  $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4} + \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4}i$

**45.**  $8 \operatorname{cis} 100^\circ = -1,39 + 7,88i$

**46.**  $24 \operatorname{cis} 140^\circ = 18,39 + 15,43i$

**47.**  $\frac{1}{2} \operatorname{cis} 340^\circ = 0,47 - 0,17i$

**48.**  $\frac{1}{3} \operatorname{cis} 320^\circ = 0,26 + 0,21i$

**49.**  $216 \operatorname{cis} 240^\circ = -108 - 187,06i$

**50.**  $\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}i$

**51.**  $192 \operatorname{cis} 220^\circ = -147,08 - 123,42i$

**52.**  $\frac{1}{497,662} \operatorname{cis} 160^\circ = -1,89 \cdot 10^{-6} + 6,87 \cdot 10^{-7}i$

**53.** Dado que  $z_1$  y  $z_2$  son perpendiculares, puede suponerse que  $\theta_2 = 90^\circ + \theta_1$ .

Por lo tanto,

$$\begin{aligned} z_1 \cdot \bar{z}_2 + \bar{z}_1 \cdot z_2 &= \rho_1 \operatorname{cis} \theta_1 \cdot \overline{\rho_2 \operatorname{cis}(90^\circ + \theta_1)} + \overline{\rho_1 \operatorname{cis} \theta_1} \cdot \rho_2 \operatorname{cis}(90^\circ + \theta_1) \\ &= \rho_1 \operatorname{cis} \theta_1 \cdot \rho_2 \operatorname{cis}(-90^\circ - \theta_1) + \rho_1 \operatorname{cis}(-\theta_1) \cdot \rho_2 \operatorname{cis}(90^\circ + \theta_1) \\ &= \rho_1 \cdot \rho_2 \operatorname{cis}(\theta_1 - 90^\circ - \theta_1) + \rho_1 \cdot \rho_2 \operatorname{cis}(-\theta_1 + 90^\circ + \theta_1) \\ &= \rho_1 \cdot \rho_2 \cdot (\operatorname{cis}(-90^\circ) + \operatorname{cis}(90^\circ)) \\ &= \rho_1 \cdot \rho_2 \cdot (-i + i) \\ &= \rho_1 \cdot \rho_2 \cdot 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

# Solucionario

**54.** Se tiene

$$\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2} = \text{cis}120^\circ$$

$$\frac{-1 - \sqrt{3}i}{2} = \text{cis}(-120^\circ)$$

Por lo tanto,

$$\begin{aligned} \left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^n &= \text{cis}(n \cdot 120^\circ) \\ &= \cos(n \cdot 120^\circ) + i\sin(n \cdot 120^\circ) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}\right)^n &= \text{cis}(n \cdot -120^\circ) \\ &= \cos(n \cdot -120^\circ) + i\sin(n \cdot -120^\circ) \\ &= \cos(n \cdot 120^\circ) - i\sin(n \cdot 120^\circ) \end{aligned}$$

Luego,

$$\begin{aligned} \left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^n + \left(\frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}\right)^n &= \cos(n \cdot 120^\circ) + i\sin(n \cdot 120^\circ) + \cos(n \cdot 120^\circ) - i\sin(n \cdot 120^\circ) \\ &= 2\cos(n \cdot 120^\circ) \end{aligned}$$

$$\text{Para } n = 0 \rightarrow 2\cos(0 \cdot 120^\circ) = 2\cos 0^\circ = 2 \cdot 1 = 2$$

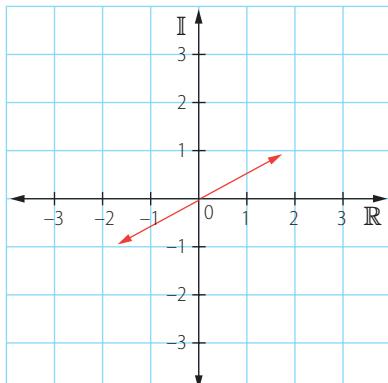
$$\text{Para } n = 1 \rightarrow 2\cos(1 \cdot 120^\circ) = 2\cos 120^\circ = 2 \cdot -\frac{1}{2} = -1$$

$$\text{Para } n = 2 \rightarrow 2\cos(2 \cdot 120^\circ) = 2\cos 240^\circ = 2 \cdot -\frac{1}{2} = -1$$

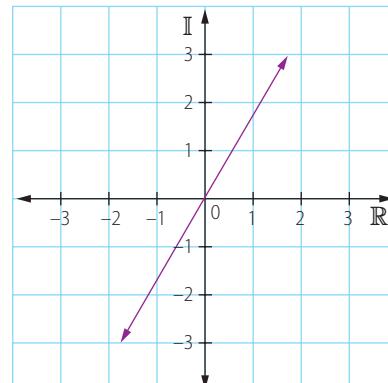
$$\text{Para } n = 3 \rightarrow 2\cos(3 \cdot 120^\circ) = 2\cos 360^\circ = 2 \cdot \cos 0^\circ = 2$$

Se observa que, para valores de  $n$  mayores, los resultados se repiten. Por lo tanto, la expresión solo puede ser igual a 2 o -1.

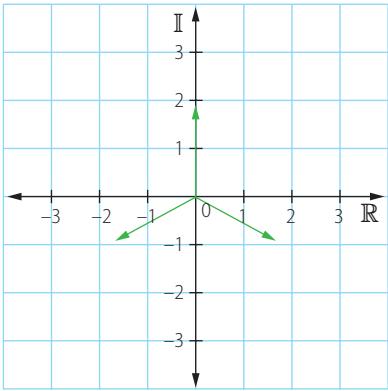
**55.**  $2\text{cis}30^\circ, 2\text{cis}210^\circ$



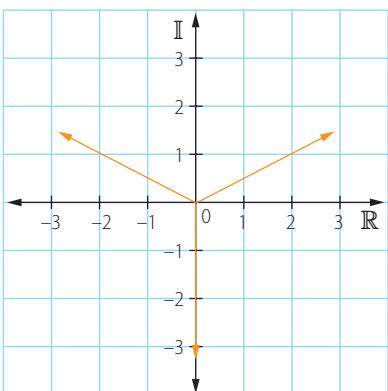
**56.**  $2\sqrt{3}\text{cis}60^\circ, 2\sqrt{3}\text{cis}240^\circ$



57.  $\sqrt[3]{9} \text{ cis}90^\circ$ ,  $\sqrt[3]{9} \text{ cis}210^\circ$ ,  $\sqrt[3]{9} \text{ cis}330^\circ$



58.  $\sqrt[3]{36} \text{ cis}30^\circ$ ,  $\sqrt[3]{36} \text{ cis}150^\circ$ ,  $\sqrt[3]{36} \text{ cis}270^\circ$



## Unidad 2, Ecuación de segundo grado

### Pág. 59

2. Depende de cada grupo.
3. Depende de cada grupo.

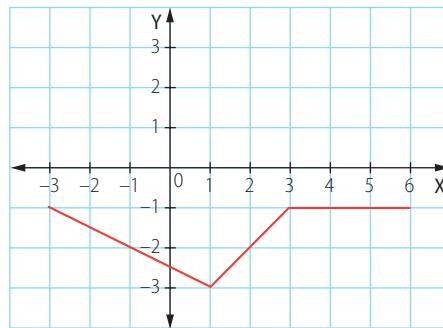
### Pág. 60

- |      |      |
|------|------|
| 1. B | 5. D |
| 2. D | 6. D |
| 3. E | 7. A |
| 4. D | 8. B |

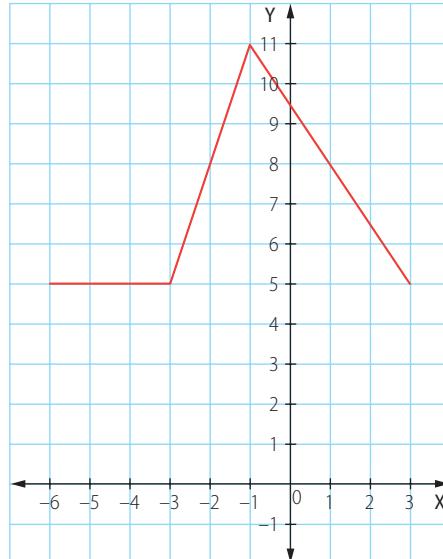
### Pág. 61

9. E

10.



11.



# Solucionario

- 12.** En 4 días podrían contagiarse 54 personas.  
**13.**  $t = \ln(10.000) + \ln(f(t)) - \ln(10.000 - f(t))$   
**14.** 100 personas se contagiarán en 4,62 días aproximadamente.  
**15.**  $V(t) = p \cdot 0,85^t$ ; donde  $V$  es el valor de la bicicleta,  $p$  es el valor inicial de la bicicleta y  $t$  el tiempo en años.  
**16.** 4,27 años aproximadamente.

## Pág. 63

- 1.**  $p(3) = -1$   
**2.**  $p(6) = 8$   
**3.** Las raíces del polinomio son 2 y 4.  
**4.**  $k = -11$   
**5.** Las raíces del polinomio son 0 y 2.

## Pág. 65

Coeficientes			Tipo de ecuación	
a	b	c		
1.	0	2	Incompleta	
2.	-3	3,2	-1	Completa
3.	1	2,8	-1,6	Completa
4.	4	4	-4	Completa
5.	1	-4	-2	Completa
6.	1	1 - m	1 - m	Completa

- 7.** La solución es -1.  
**8.** Las soluciones son -5 y -2.  
**9.** Las soluciones son -4 y -2.  
**10.** Las soluciones son -2 y 3.  
**11.** Las soluciones son -7 y -2.  
**12.** Las soluciones son -2 y 4.

## Pág. 71

- 1.**  $x_1 = -2\sqrt{5}; x_2 = 2\sqrt{5}$   
**2.**  $x_1 = -\sqrt{3}i; x_2 = \sqrt{3}i$   
**3.**  $x_1 = -2\sqrt{2}; x_2 = 2\sqrt{2}$   
**4.**  $x_1 = -\sqrt{2}i; x_2 = \sqrt{2}i$   
**5.**  $x_1 = -9, x_2 = 0$   
**6.**  $x_1 = -3, x_2 = 0$   
**7.**  $x_1 = -\sqrt{26}; x_2 = \sqrt{26}$   
**8.**  $x_1 = 1 - \sqrt{3}; x_2 = 1 + \sqrt{3}$

**9.**  $x_1 = -7i, x_2 = 7i$

**10.**  $x_1 = -5i, x_2 = 5i$

**11.**  $x_1 = -\sqrt{3} - 1; x_2 = \sqrt{3} - 1$

**12.**  $x_1 = -7, x_2 = 1$

**13.**  $x_1 = 4 - 2\sqrt{5}; x_2 = 4 + 2\sqrt{5}$

**14.**  $x_1 = 4 - \frac{\sqrt{70}}{2}; x_2 = 4 + \frac{\sqrt{70}}{2}$

**15.**  $x_1 = \frac{-3 - \sqrt{37}}{2}, x_2 = \frac{-3 + \sqrt{37}}{2}$

**16.**  $x_1 = \frac{-3 - \sqrt{137}}{8}, x_2 = \frac{-3 + \sqrt{137}}{8}$

**17.**  $x_1 = \frac{1 - \sqrt{23}i}{6}, x_2 = \frac{1 + \sqrt{23}i}{6}$

**18.**  $x_1 = \frac{-3 - \sqrt{23}i}{4}, x_2 = \frac{-3 + \sqrt{23}i}{4}$

**19.**  $x_1 = 1, x_2 = 2$

**20.**  $x_1 = 5, x_2 = 13$

**21.**  $x_1 = 1, x_2 = 4$

**22.**  $x_1 = \frac{3 - \sqrt{201}}{8}, x_2 = \frac{3 + \sqrt{201}}{8}$

**23.**  $x_1 = \frac{-3 - \sqrt{201}}{4}, x_2 = \frac{-3 + \sqrt{201}}{4}$

**24.**  $x_1 = \frac{-20 - \sqrt{415}}{5}, x_2 = \frac{-20 + \sqrt{415}}{5}$

**25.**  $x_1 = \frac{-1 - \sqrt{33}}{4}, x_2 = \frac{-1 + \sqrt{33}}{4}$

**26.**  $x_1 = \frac{-3 - \sqrt{201}}{24}, x_2 = \frac{-3 + \sqrt{201}}{24}$

**27.**  $a > 0 \text{ y } c < 0 \text{ o } a < 0 \text{ y } c > 0$

**28.**  $a > 0 \text{ y } c > 0 \text{ o } a < 0 \text{ y } c < 0$

**29.**  $k > \frac{1}{5}$

**30.**  $k = \frac{1}{5}$

**31.**  $k < \frac{1}{5}$

**32.**  $k = -\frac{17}{8}$

**33.**  $k < -\frac{17}{8}$

**34.**  $k > -\frac{17}{8}$

**Pág. 73**

1.  $x_1 = -i; x_2 = i; x_3 = -\sqrt{3}i; x_4 = \sqrt{3}i$

2.  $x_1 = -1, x_2 = 1, x_3 = -2i, x_4 = 2i$

3.  $x_1 = \frac{\sqrt{2}\sqrt{33}-6}{2}; x_2 = -\frac{\sqrt{2}\sqrt{33}-6}{2}, x_3 = \frac{\sqrt{2}\sqrt{33}+6}{2}i;$   
 $x_4 = -\frac{\sqrt{2}\sqrt{33}+6}{2}i$

4.  $x_1 = \frac{\sqrt{13}+1}{2}; x_2 = \frac{\sqrt{13}-1}{2}, x_3 = \frac{-\sqrt{13}+1}{2}; x_4 = \frac{-\sqrt{13}-1}{2}$

5.  $x_1 = \frac{\sqrt{6}\sqrt{10}+15}{3}; x_2 = -\frac{\sqrt{6}\sqrt{10}+15}{3}, x_3 = \frac{\sqrt{6}\sqrt{10}-15}{3}i;$   
 $x_4 = -\frac{\sqrt{6}\sqrt{10}-15}{3}i$

6.  $x_1 = -\sqrt{2}; x_2 = \sqrt{2}, x_3 = \frac{i}{2}, x_4 = -\frac{i}{2}$

7.  $x_1 = -\frac{\sqrt{2}}{2}; x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2}, x_3 = -i; x_4 = i$

8.  $x_1 = -\sqrt{3}; x_2 = \sqrt{3}, x_3 = -\sqrt{5}; x_4 = \sqrt{5}$

9.  $x_1 = \frac{\sqrt{6}\sqrt{3}-10}{2}; x_2 = -\frac{\sqrt{6}\sqrt{3}-10}{2}, x_3 = \frac{\sqrt{6}\sqrt{3}+10}{2}i;$   
 $x_4 = -\frac{\sqrt{6}\sqrt{3}+10}{2}i$

10.  $x_1 = -2, x_2 = -1, x_3 = 3, x_4 = 4$

11.  $x_1 = -1, x_2 = 1$

12.  $x_1 = -1, x_2 = 2$

13.  $x_1 = -3, x_2 = 0$

14.  $x_1 = \frac{m+5n}{6}; x_2 = \frac{m+3n}{4}$

15.  $x_1 = -2, x_2 = -1, x_3 = 3, x_4 = 6$

**Pág. 75**

1. Los números son  $-5$  y  $4$ .

2. Los números son  $3$  y  $5$ .

3. Los números son  $-22$  y  $-1$ .

4. Los números son  $2$  y  $2$ .

5. Los números son  $-7$  y  $10$ .

6.  $x^2 - 17x + 65 = 0$

7.  $k = 42$

8.  $x_2 = 6$

9.  $x^2 - 12x + 27 = 0$

10.  $k = -2$

11.  $k = 3$

12.  $k = \frac{29}{2}$

13.  $k = -12$  o  $k = 12$

14.  $k = 0$

15.  $k = -9\sqrt{2}$  o  $k = 9\sqrt{2}$

16.  $k = 15$

**Pág. 77**

1.  $a = 1, b = -2, c = -15 \rightarrow x_1 + x_2 = 2$

2.  $a = 10, b = -19, c = -15 \rightarrow x_1 + x_2 = \frac{19}{10}$

1.  $x_1 \cdot x_2 = -15$

2.  $x_1 \cdot x_2 = -\frac{3}{2}$

**Pág. 79**

1. Los números son  $3 - \sqrt{15}$  y  $-3 - \sqrt{15}$  o  $3 + \sqrt{15}$  y  $-3 + \sqrt{15}$ .

2. Los números son  $-1$  y  $2$ .

3. El área original es  $40 \text{ m}^2$ .

4. Eran  $16$  alumnos y cada uno debía pagar  $\$ 1.500$ .

5. En el grupo hay  $32$  personas.

6. Ancho =  $10 \text{ m}$ , largo =  $17 \text{ m}$ .

7. Cada lado del triángulo mide  $20\sqrt[4]{6} \text{ cm}$ .

8. La altura del triángulo mide  $10\sqrt[4]{54} \text{ cm}$ .

9. El perímetro de triángulo es  $60\sqrt[4]{6} \text{ cm}$ .

# Solucionario

**Pág. 81**

1.  $f(x) = x^2$

x	f(x)	Gráfico
-5	25	
-4	16	
-3	9	
-2	4	
-1	1	
0	0	
1	1	
2	4	
3	9	
4	16	
5	25	

Dominio:  $\mathbb{R}$

Recorrido:  $[0, +\infty[$

Eje Simetría:  $x = 0$

Vértice:  $(0, 0)$

2.  $h(x) = x^2 - 1$

x	h(x)	Gráfico
-5	24	
-4	15	
-3	8	
-2	3	
-1	0	
0	-1	
1	0	
2	3	
3	8	
4	15	
5	24	

Dominio:  $\mathbb{R}$

Recorrido:  $[-1, +\infty[$

Eje Simetría:  $x = 0$

Vértice:  $(0, -1)$

3.  $g(x) = x^2 + 2x - 2$

x	g(x)	Gráfico
-5	13	
-4	6	
-3	1	
-2	-2	
-1	-3	
0	-2	
1	1	
2	6	
3	13	
4	22	
5	33	

Dominio:  $\mathbb{R}$

Recorrido:  $[-3, +\infty[$

Eje Simetría:  $x = -1$

Vértice:  $(-1, -3)$

4.  $l(x) = -x^2 + 4x$

x	l(x)	Gráfico
-5	-45	
-4	-32	
-3	-21	
-2	-12	
-1	-5	
0	0	
1	3	
2	4	
3	3	
4	0	
5	-5	

Dominio:  $\mathbb{R}$

Recorrido:  $]-\infty, 4]$

Eje Simetría:  $x = 2$

Vértice:  $(2, 4)$

5. Un ejemplo sería  $f(x) = -2x^2$ .

6. Un ejemplo sería  $f(x) = x^2 + 2x + 3$ .

**Pág. 83**

1.  $I(x) = x^2$

x	I(x)	Gráfico
-5	25	
-4	16	
-3	9	
-2	4	
-1	1	
0	0	
1	1	
2	4	
3	9	
4	16	
5	25	

Ceros:  $x_1 = x_2 = 0$

Intersección eje Y: (0, 0)

2.  $k(x) = x^2 + 4$

x	k(x)	Gráfico
-5	29	
-4	20	
-3	13	
-2	8	
-1	5	
0	4	
1	5	
2	8	
3	13	
4	20	
5	29	

Ceros: no tiene ceros reales.

Intersección eje Y: (0, 4)

3.  $f(x) = x^2 + 5x - 6$

x	f(x)	Gráfico
-7	8	
-6	0	
-5	-6	
-4	-10	
-3	-12	
-2	-12	
-1	-10	
0	-6	
1	0	
2	8	

Ceros:  $x_1 = -6, x_2 = 1$

Intersección eje Y: (0, -6)

4.  $j(x) = x^2 - 3x + 4$

x	j(x)	Gráfico
-2	14	
-1	8	
0	4	
1	2	
2	2	
3	4	
4	8	
5	14	

Ceros: no tiene ceros reales.

Intersección eje Y: (0, 4)

5.  $g(x) = x^2 - 4x + 5$

x	g(x)	Gráfico
-1	10	
0	5	
1	2	
2	1	
3	2	
4	5	
5	10	

Ceros: no tiene ceros reales.

Intersección eje Y: (0, 5)

# Solucionario

6.  $h(x) = -x^2 + 6x + 10$

x	h(x)	Gráfico
0	10	
1	15	
2	18	
3	19	
4	18	
5	15	
6	10	

Ceros:  $x_1 = 3 - \sqrt{19}$ ,  $x_2 = 3 + \sqrt{19}$

Intersección eje Y: (0, 10)

7.  $k = \frac{25}{4}$

8.  $k < \frac{25}{4}$

9.  $k > \frac{25}{4}$

Pág. 85

1.  $f(x) = x^2 + 2x$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = -2, x_2 = 0$
Intersección Eje Y	(0, 0)
Vértice	(-1, -1)
Mínimo o máximo	Mínimo = -1
Eje simetría	$x = -1$

2.  $n(x) = x^2 - 3$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = -\sqrt{3}, x_2 = \sqrt{3}$
Intersección Eje Y	(0, -3)
Vértice	(0, -3)
Mínimo o máximo	Mínimo = -3
Eje simetría	$x = 0$

3.  $p(x) = x^2 - 2$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = -\sqrt{2}, x_2 = \sqrt{2}$
Intersección Eje Y	(0, -2)
Vértice	(0, -2)
Mínimo o máximo	Mínimo = -2
Eje simetría	$x = 0$

4.  $g(x) = -x^2 + x - 1$

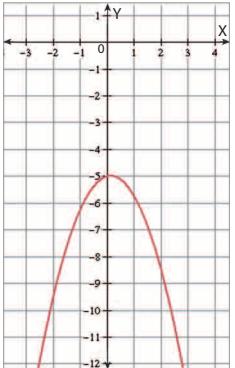
Concavidad	Hacia abajo
Ceros	No tiene ceros reales
Intersección Eje Y	(0, -1)
Vértice	$\left(\frac{1}{2}, -\frac{3}{4}\right)$
Mínimo o máximo	Máximo = $-\frac{3}{4}$
Eje simetría	$x = \frac{1}{2}$

5.  $h(x) = -x^2 - 5x + 1$

Concavidad	Hacia abajo
Ceros	$x_1 = \frac{\sqrt{29} - 5}{2}, x_2 = \frac{-\sqrt{29} - 5}{2}$
Intersección Eje Y	(0, 1)
Vértice	$\left(-\frac{5}{2}, \frac{29}{4}\right)$
Mínimo o máximo	Máximo = $\frac{29}{4}$
Eje simetría	$x = -\frac{5}{2}$

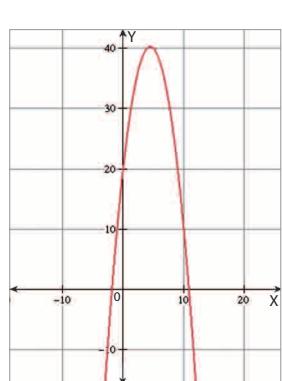
6.  $i(x) = -x^2 + 0,25x - 5$

Concavidad	Hacia abajo
Ceros	No tiene ceros reales
Intersección Eje Y	(0, -5)
Vértice	$\left(\frac{1}{8}, -\frac{319}{64}\right)$
Mínimo o máximo	Máximo = $-\frac{319}{64}$
Eje simetría	$x = \frac{1}{8}$



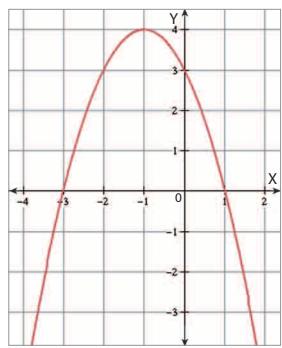
7.  $k(x) = -x^2 + 9x + 20$

Concavidad	Hacia abajo
Ceros	$x_1 = \frac{9 - \sqrt{161}}{2}$ , $x_2 = \frac{9 + \sqrt{161}}{2}$
Intersección Eje Y	(0, 20)
Vértice	$\left(\frac{9}{2}, \frac{161}{4}\right)$
Mínimo o máximo	Máximo = $\frac{161}{4}$
Eje simetría	$x = \frac{9}{2}$



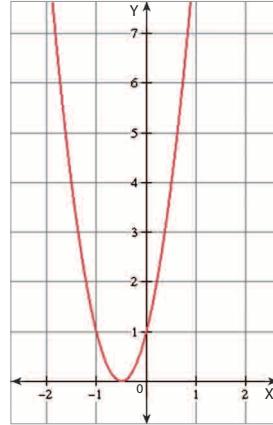
8.  $l(x) = -x^2 - 2x + 3$

Concavidad	Hacia abajo
Ceros	$x_1 = -3, x_2 = 1$
Intersección Eje Y	(0, 3)
Vértice	(-1, 4)
Mínimo o máximo	Máximo = 4
Eje simetría	$x = -1$



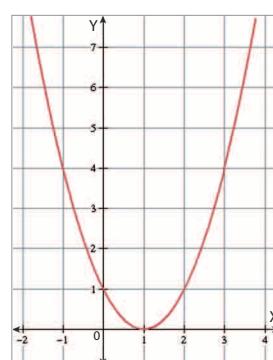
9.  $m(x) = 4x^2 + 4x + 1$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = x_2 = -\frac{1}{2}$
Intersección Eje Y	(0, 1)
Vértice	$\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$
Mínimo o máximo	Mínimo = 0
Eje simetría	$x = -\frac{1}{2}$



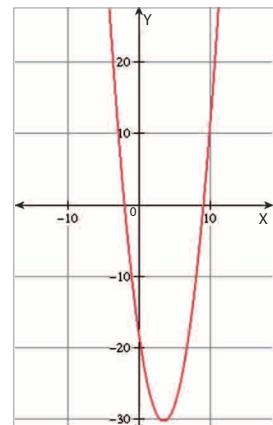
10.  $o(x) = x^2 - 2x + 1$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = x_2 = 1$
Intersección Eje Y	(0, 1)
Vértice	(1, 0)
Mínimo o máximo	Mínimo = 0
Eje simetría	$x = 1$



11.  $q(x) = x^2 - 7x - 18$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = -2, x_2 = 9$
Intersección Eje Y	(0, -18)
Vértice	$\left(\frac{7}{2}, -\frac{121}{4}\right)$
Mínimo o máximo	Mínimo = $-\frac{121}{4}$
Eje simetría	$x = \frac{7}{2}$



# Solucionario

12.  $k(x) = 3x^2 + 12x - 5$

Concavidad	Hacia arriba
Ceros	$x_1 = \frac{\sqrt{51} - 6}{3}$ , $x_2 = \frac{-\sqrt{51} - 6}{3}$
Intersección Eje Y	(0, -5)
Vértice	(-2, -17)
Mínimo o máximo	Mínimo = -17
Eje simetría	$x = -2$

13.  $f(x) = x^2 - 2x + 2$

14.  $f(x) = x^2 - 4x + 3$

15. Depende del alumno, un ejemplo sería  $f(x) = -x^2 + 4$ .

16.  $f(x) = -x^2 - 4x$

17.  $f(x) = x^2 - 6x + 8$

## Pág. 89

1. Vértice: (-3, 0) / Eje de simetría:  $x = -3$

2. Vértice: (2, -3) / Eje de simetría:  $x = 2$

3.  $f(x)$  es positiva para cualquier valor de  $x$ .

4.  $f(x)$  es negativa para  $x \in ]-\infty, 5[ \cup ]7, +\infty[$ .

5.  $f(x) = -4x^2 + 6x - 1$

Intersección Eje X	$\left(\frac{3-\sqrt{5}}{4}, 0\right) \text{ y } \left(\frac{3+\sqrt{5}}{4}, 0\right)$
Intersección Eje Y	(0, -1)
Concavidad	Hacia abajo
Dilatación o contracción	Contracción
Vértice	$\left(\frac{3}{4}, \frac{5}{4}\right)$
Eje simetría	$x = \frac{3}{4}$
Mínimo o máximo	Máximo = $\frac{5}{4}$

6.  $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 3x + 2$

Intersección Eje X	$(3 - \sqrt{5}, 0) \text{ y } (3 + \sqrt{5}, 0)$
Intersección Eje Y	(0, 2)
Concavidad	Hacia arriba
Dilatación o contracción	Dilatación
Vértice	$\left(3, -\frac{5}{2}\right)$
Eje simetría	$x = 3$
Mínimo o máximo	Mínimo = $-\frac{5}{2}$

7.  $f(x) = 2x^2 - 3x + 3$

Intersección Eje X	-
Intersección Eje Y	(0, 3)
Concavidad	Hacia arriba
Dilatación o contracción	Contracción
Vértice	$\left(\frac{3}{4}, \frac{15}{8}\right)$
Eje simetría	$x = \frac{3}{4}$
Mínimo o máximo	Mínimo = $\frac{15}{8}$

8.  $f(x) = x^2 + 6x + 9$

Intersección Eje X	(-3, 0)
Intersección Eje Y	(0, 9)
Concavidad	Hacia arriba
Dilatación o contracción	-
Vértice	(-3, 0)
Eje simetría	$x = -3$
Mínimo o máximo	Mínimo = 0

9.  $f(x) = x^2 - 16x + 64$

Intersección Eje X	(8, 0)
Intersección Eje Y	(0, 64)
Concavidad	Hacia arriba
Dilatación o contracción	-
Vértice	(8, 0)
Eje simetría	$x = 8$
Mínimo o máximo	Mínimo = 0

10.  $f(x) = 0,1x^2 - x + 1$

Intersección Eje X	$(5 - \sqrt{15}, 0)$ y $(5 + \sqrt{15}, 0)$
Intersección Eje Y	(0, 1)
Concavidad	Hacia arriba
Dilatación o contracción	Dilatación
Vértice	$\left(5, -\frac{3}{2}\right)$
Eje simetría	$x = 5$
Mínimo o máximo	Mínimo = $-\frac{3}{2}$

## Pág. 91

- La altura máxima que alcanza el proyectil es aproximadamente **4,08** metros.
- El proyectil tarda aproximadamente **0,83** segundos en alcanzar su altura máxima.
- El proyectil permanece en el aire **2** segundos.
- La ganancia es **\$ 49.702.000**.
- La mínima ganancia sería **\$ 1.550**.
- La empresa comienza con **\$ 2.000**.
- La cantidad mínima vendida debe ser **445** unidades.
- El dominio sería  **$[0, +\infty[$** .
- $f(x) = 0$  es el costo de no elaborar galletas, es decir, los costos fijos de producción.
- La pelota alcanza su altura máxima a los **2** segundos.
- La pelota llegará aproximadamente a los **7,47** metros.

- La medida para hacer el doblez corresponde a **10 cm** de cada lado.

- El área máxima que se puede cercar es  **$100 \text{ m}^2$** .

## Pág. 92

Depende del alumno, un ejemplo sería  $f(x) = 5x^2 - 20x + 15$ .

## Pág. 93

1.  $x = 100$

2.  $h(t) = -10$

1.  $x_1 = \frac{\sqrt{33} - 3}{6}, x_2 = \frac{-\sqrt{33} - 3}{6}$

2.  $x_1 = -10, x_2 = -\frac{1}{2}$

## Pág. 96

- B
- E
- C
- E
- B
- D
- A
- A
- D
- C

## Pág. 97

- C
- E
- E
- C
- E
- D
- C
- E

# Solucionario

Pág. 99

Coeficientes			Tipo de ecuación
a	b	c	
1.	6	0	-1
2.	2	5	0
3.	-3	-9	24
4.	1	12	37
5.	1	-2	15
6.	2	2	1

7.  $k \neq 0$

8.  $k = 0$

9.  $k = 0$

10.  $x_1 = -9, x_2 = 9$

11.  $x_1 = -3, x_2 = 0$

12.  $x_1 = 0, x_2 = 18$

13.  $x_1 = -10, x_2 = 0$

14.  $x_1 = -5, x_2 = -4$

15.  $x_1 = -7, x_2 = 2$

16.  $x_1 = -4, x_2 = -\frac{1}{5}$

17.  $x_1 = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}, x_2 = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$

18.  $x_1 = \frac{1+3i}{10}, x_2 = \frac{1-3i}{10}$

19.  $x_1 = x_2 = -\frac{1}{3}$

20.  $x_1 = \frac{-\sqrt{2} + \sqrt{6}i}{2}, x_2 = \frac{-\sqrt{2} - \sqrt{6}i}{2}$

21.  $x_1 = \frac{1+2i}{18}, x_2 = \frac{1-2i}{18}$

22.  $k > -\frac{1}{12}$

23.  $k \in \left[ -\frac{4\sqrt{3}}{3}, \frac{4\sqrt{3}}{3} \right]$

24.  $k = -\sqrt{6} - 2 \circ k = \sqrt{6} - 2$

25.  $x^2 - 5x + 6 = 0$

26.  $x^2 - 5x - 50 = 0$

27.  $x^2 - 4x + 5 = 0$

28.  $x^2 - 3kx + 2k^2 = 0 \quad \forall k \in \mathbb{R}$

29.  $10x^2 - 23kx + 13k^2 = 0 \quad \forall k \in \mathbb{R}$

30. Falso, la parábola es simétrica al eje Y.

31. Verdadero.

32. Falso, la función que corresponde al gráfico es  $y = -x^2 + 5$ .

33. Verdadero.

34.  $f(x) \triangleright$  Mínimo:  $-\frac{1}{4}, \text{ Re c } f = \left[ -\frac{1}{4}, +\infty \right[$

35.  $g(x) \triangleright$  Mínimo:  $-\frac{17}{8}, \text{ Re c } g = \left[ -\frac{17}{8}, +\infty \right[$

36.  $h(x) \triangleright$  Máximo:  $-\frac{15}{4}, \text{ Re c } h = \left[ -\infty, -\frac{15}{4} \right]$

37.  $i(x) \triangleright$  Mínimo:  $-\frac{827}{6}, \text{ Re c } i = \left[ -\frac{827}{6}, +\infty \right[$

38. El proyectil alcanza su altura máxima aproximadamente a los 66 segundos.

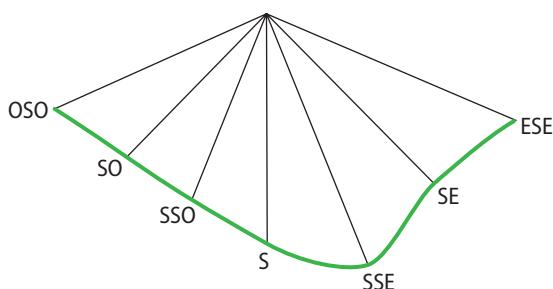
39. El proyectil asciende desde los 0 segundos hasta aproximadamente los 66 segundos y desciende de los 66 hasta aproximadamente los 133 segundos.

40. El proyectil llega al suelo aproximadamente a los 133 segundos.

## Unidad 3, Geometría analítica en el plano

### Pág. 107

1.



2. Depende de cada grupo.
3. Depende de cada grupo.

### Pág. 108

1. C
2. D
3. C
4. E

5. E
6. C
7. A

### Pág. 109

8. E
  9. B
  10. C
  11. D
12. D
  13. B

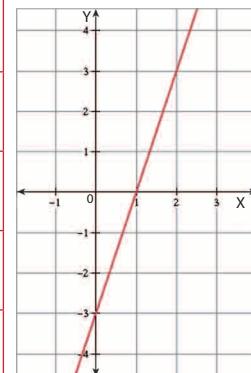
### Pág. 111

1.  $y = -x + 7$ , decreciente.
2.  $y = 8x - 25$ , creciente.
3.  $y = 1$ , horizontal.
4.  $y = -\frac{21}{16}x + \frac{153}{16}$ , decreciente.
5.  $p = \frac{7}{2}$
6.  $p = \frac{5}{2}$
7.  $p = 3$
8.  $p = \frac{17}{6}$

### Pág. 115

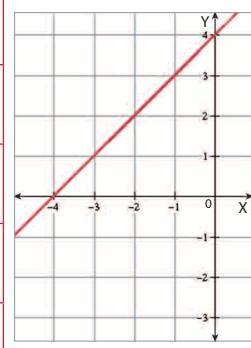
1.  $y + 3 = 3x$

Ec. Principal	$y = 3x - 3$
Ec. General	$3x - y - 3 = 0$
Pendiente	3
Intersección Eje X	(1, 0)
Intersección Eje Y	(0, -3)



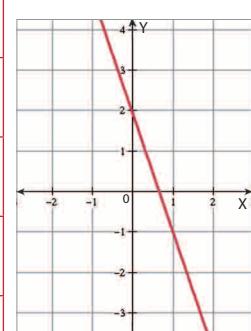
2.  $y - 4 = x$

Ec. Principal	$y = x + 4$
Ec. General	$x - y + 4 = 0$
Pendiente	1
Intersección Eje X	(-4, 0)
Intersección Eje Y	(0, 4)



3.  $3x + y = 2$

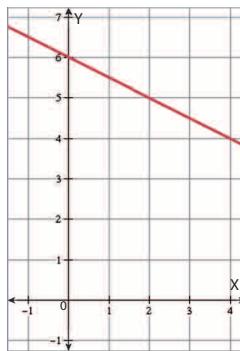
Ec. Principal	$y = -3x + 2$
Ec. General	$3x + y - 2 = 0$
Pendiente	-3
Intersección Eje X	$\left(\frac{2}{3}, 0\right)$
Intersección Eje Y	(0, 2)



# Solucionario

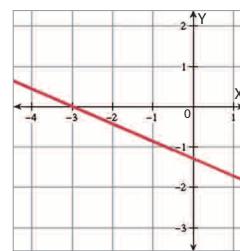
4.  $2y + x = 12$

Ec. Principal	$y = -\frac{1}{2}x + 6$
Ec. General	$x + 2y - 12 = 0$
Pendiente	$-\frac{1}{2}$
Intersección Eje X	(12, 0)
Intersección Eje Y	(0, 6)



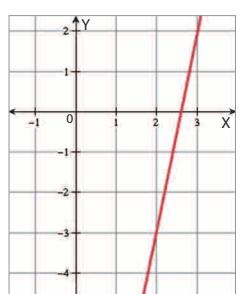
5.  $3x + 7y + 9 = 0$

Ec. Principal	$y = -\frac{3}{7}x - \frac{9}{7}$
Ec. General	$3x + 7y + 9 = 0$
Pendiente	$-\frac{3}{7}$
Intersección Eje X	(-3, 0)
Intersección Eje Y	$\left(0, -\frac{9}{7}\right)$



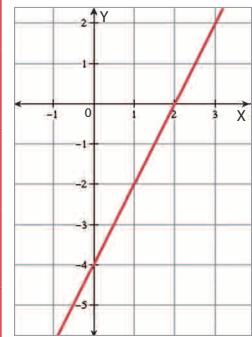
6.  $y = 5x - 13$

Ec. Principal	$y = 5x - 13$
Ec. General	$5x - y - 13 = 0$
Pendiente	5
Intersección Eje X	$\left(\frac{13}{5}, 0\right)$
Intersección Eje Y	(0, -13)



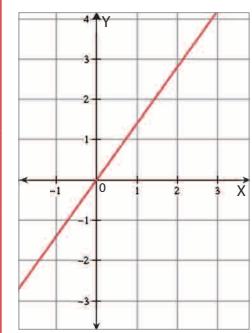
7.  $4x - 2y = 8$

Ec. Principal	$y = 2x - 4$
Ec. General	$4x - 2y - 8 = 0$
Pendiente	2
Intersección Eje X	(2, 0)
Intersección Eje Y	(0, -4)



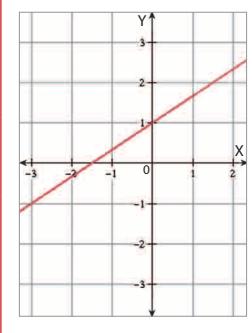
8.  $5y = 7x$

Ec. Principal	$y = \frac{7}{5}x$
Ec. General	$7x - 5y = 0$
Pendiente	$\frac{7}{5}$
Intersección Eje X	(0, 0)
Intersección Eje Y	(0, 0)



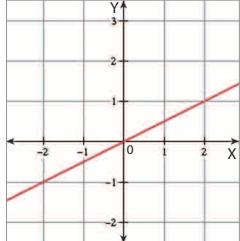
9.  $3y - 2x = 3$

Ec. Principal	$y = \frac{2}{3}x + 1$
Ec. General	$2x - 3y + 3 = 0$
Pendiente	$\frac{2}{3}$
Intersección Eje X	$\left(-\frac{3}{2}, 0\right)$
Intersección Eje Y	(0, 1)



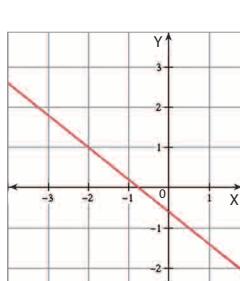
10.  $x - 2y = 0$

Ec. Principal	$y = \frac{1}{2}x$
Ec. General	$x - 2y = 0$
Pendiente	$\frac{1}{2}$
Intersección Eje X	(0, 0)
Intersección Eje Y	(0, 0)



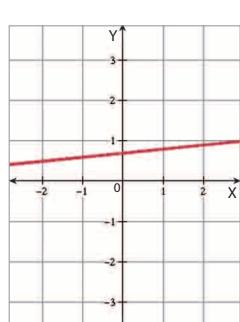
11.  $-4x - 5y = 3$

Ec. Principal	$y = -\frac{4}{5}x - \frac{3}{5}$
Ec. General	$4x + 5y + 3 = 0$
Pendiente	$-\frac{4}{5}$
Intersección Eje X	$\left(-\frac{3}{4}, 0\right)$
Intersección Eje Y	$\left(0, -\frac{3}{5}\right)$



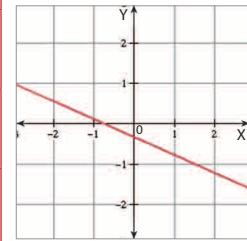
12.  $-x + 10y = 7$

Ec. Principal	$y = \frac{1}{10}x + \frac{7}{10}$
Ec. General	$x - 10y + 7 = 0$
Pendiente	$\frac{1}{10}$
Intersección Eje X	(-7, 0)
Intersección Eje Y	$\left(0, \frac{7}{10}\right)$



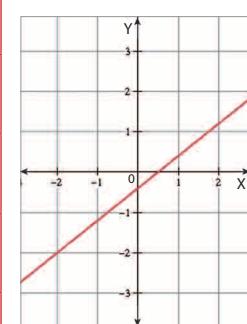
13.  $-\frac{4}{3}x - 1 = 3y$

Ec. Principal	$y = -\frac{4}{9}x - \frac{1}{3}$
Ec. General	$4x + 9y + 3 = 0$
Pendiente	$-\frac{4}{9}$
Intersección Eje X	$\left(-\frac{3}{4}, 0\right)$
Intersección Eje Y	$\left(0, -\frac{1}{3}\right)$



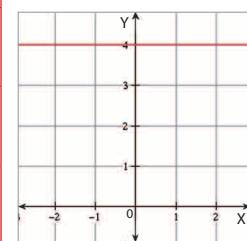
14.  $4x = 2 + 5y$

Ec. Principal	$y = \frac{4}{5}x - \frac{2}{5}$
Ec. General	$4x - 5y - 2 = 0$
Pendiente	$\frac{4}{5}$
Intersección Eje X	$\left(\frac{1}{2}, 0\right)$
Intersección Eje Y	$\left(0, -\frac{2}{5}\right)$



15.  $y = 4$

Ec. Principal	$y = 4$
Ec. General	$y - 4 = 0$
Pendiente	0
Intersección Eje X	No interseca
Intersección Eje Y	(0, 4)



# Solucionario

16.  $y = -4$

Ec. Principal	$y = -4$	
Ec. General	$y + 4 = 0$	
Pendiente	0	
Intersección Eje X	No intersecta	
Intersección Eje Y	(0, -4)	

17. Ec. Principal  $\rightarrow y = -\frac{4}{7}x + \frac{9}{7}$

Ec. General  $\rightarrow 4x + 7y - 9 = 0$

Ec. Canónica  $\rightarrow \frac{x}{\frac{9}{4}} + \frac{y}{\frac{9}{7}} = 1$

18. Ec. Principal  $\rightarrow y = \frac{3}{2}x + \frac{5}{2}$

Ec. General  $\rightarrow 3x - 2y + 5 = 0$

Ec. Canónica  $\rightarrow \frac{x}{-\frac{5}{3}} + \frac{y}{\frac{5}{2}} = 1$

19. Ec. Principal  $\rightarrow y = \frac{2}{7}x - \frac{15}{7}$

Ec. General  $\rightarrow 2x - 7y - 15 = 0$

Ec. Canónica  $\rightarrow \frac{x}{\frac{15}{2}} + \frac{y}{-\frac{15}{7}} = 1$

20. Ec. Principal  $\rightarrow y = x$

Ec. General  $\rightarrow x - y = 0$

Ec. Canónica  $\rightarrow$  no tiene

21.  $y = 1,5x + 4$

22.  $y = -\frac{2}{3}x + 2$

23.  $y = 6x + 10$

24.  $y = 2x$

25.  $y = \frac{4}{5}x + 4$  o  $y = \frac{4}{5}x - 4$

26.  $y = m(x - 5) + 1$

27.  $y = mx - 1$

28.  $y = mx - 5m$

29.  $x = a$  ( $a \in \mathbb{R}$ )

30. O pertenece a la recta. A, B y E están en un mismo semiplano y D está en el otro semiplano.

31. O, A, D y E están en un mismo semiplano y B está en el otro semiplano.

32. O, A, B y E están en un mismo semiplano y D está en el otro semiplano.

33. O y D pertenecen a la recta. A y E están en un mismo semiplano y B está en el otro semiplano.

34. O, B y D están en un mismo semiplano y A y E están en el otro semiplano.

35. O, B y D están en un mismo semiplano y A y E están en el otro semiplano.

36. O, B y D están en un mismo semiplano y A y E están en el otro semiplano.

37. O, A, B y E están en un mismo semiplano y D está en el otro semiplano.

## Pág. 119

1. Las rectas no son paralelas ni perpendiculares.

2. Las rectas son paralelas.

3. Las rectas son perpendiculares.

4. Las rectas son paralelas.

5. Las rectas son perpendiculares.

6. Las rectas son perpendiculares.

7. Las rectas son perpendiculares.

8. Las rectas son perpendiculares.

9.  $k = 0$

10.  $k = -2$

11.  $k = -1$  o  $k = 2$

12.  $k \neq -\frac{56}{5}$  y  $k \neq \frac{40}{7}$

## Pág. 120

Ahora tú

$$L_2 \cap L_3 = \left( \frac{88}{41}, \frac{499}{41} \right)$$

### Pág. 121

$y = 4$  es paralela a  $y = -4$ .

$$2x + 3y = 0 \quad \blacktriangleright \quad y = -\frac{2}{3}x$$

$$y = \frac{x-6}{3} \quad \blacktriangleright \quad y = \frac{1}{3}x - 2$$

$$\frac{1}{3}x - 3 = 4y \quad \blacktriangleright \quad y = \frac{1}{12}x - \frac{3}{4}$$

$$\frac{x}{3} - \frac{y}{3} = 1 \quad \blacktriangleright \quad y = x - 3$$

### Pág. 125

1. Sistema compatible determinado.

2. Sistema compatible indeterminado.

3. Sistema compatible determinado.

4. Sistema compatible determinado.

5. Sistema incompatible.

6. Sistema compatible determinado.

7.  $SCD \rightarrow 3b \neq 4a$

$$SCI \rightarrow a = 6, b = 8$$

$$SI \rightarrow 3b = 4a, b \neq 8$$

8.  $SCD \rightarrow a \neq 1$

$$SCI \rightarrow a = 1$$

9.  $SCD \rightarrow -a \neq 3b$

$$SCI \rightarrow a = \frac{12}{7}, b = -\frac{4}{7}$$

$$SI \rightarrow -a = 3b, b \neq -\frac{4}{7}$$

10.  $SCD \rightarrow \forall a, b \in \mathbb{R}$

11.  $|a| \neq |b| \rightarrow a^2 \neq b^2 \rightarrow a \cdot a \neq b \cdot b \rightarrow A_1 \cdot B_2 \neq A_2 \cdot B_1 \Leftrightarrow$  el sistema es compatible determinado.

12. Si  $a = \pm 3$  y  $a \neq \pm 3$ . Luego, el sistema no puede ser incompatible.

$$13. a = \frac{3}{2}, a \neq -\frac{5}{2}$$

$$14. -3b \neq 5a$$

$$15. a = \frac{3}{2}, b = -\frac{5}{2}$$

### Pág. 127

$$1. d(E, O) = 5\sqrt{5}$$

$$2. d(A, B) = \sqrt{13}$$

$$3. d(C, D) = \sqrt{233}$$

$$4. d(F, G) = \frac{\sqrt{3.469}}{30}$$

$$5. P = 5 + 5\sqrt{2} + \sqrt{34} + \sqrt{37}$$

$$6. AB = 5\sqrt{2} \\ BC = 5 \\ CA = 5 \quad \left. \right\} BC = CA = 5$$

Luego, el triángulo ABC es isósceles.

$$7. AB = 5, BC = \frac{5}{2}, CA = \frac{25}{2} \\ AB^2 + BC^2 = 5^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2 = 25 + \frac{25}{4} \\ = \frac{100+25}{4} = \frac{125}{4} = \left(\frac{25}{2}\right)^2 \\ = CA^2$$

Luego, por teorema recíproco de Pitágoras, el triángulo ABC es rectángulo y su área es  $\frac{5 \cdot \frac{5}{2}}{2} = \frac{25}{4}$ .

$$8. AB = 6\sqrt{2} \\ BC = 6\sqrt{2} \\ CA = 6\sqrt{2} \quad \left. \right\} AB = BC = CA = 6\sqrt{2}$$

Luego, el triángulo ABC es equilátero.

$$9. P = 18\sqrt{2}, A = 18\sqrt{3}$$

### Pág. 129

Depende del alumno, un ejemplo sería:

$$y = 5x - 13 // y = 5x + 8$$

$$4x = 2 + 5y // 10y = 8x - 5$$

$$y = 4 // y = 0$$

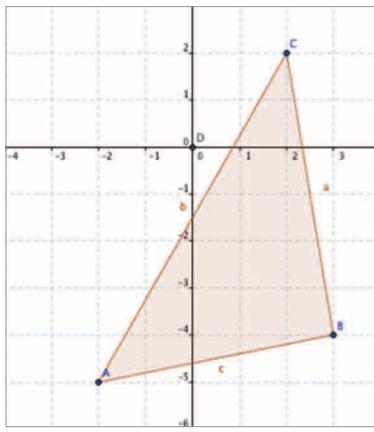
$$y - 4 = x // y - 7 = x$$

$$P = \sqrt{2} + \sqrt{109} + 10 + \sqrt{41}$$

# Solucionario

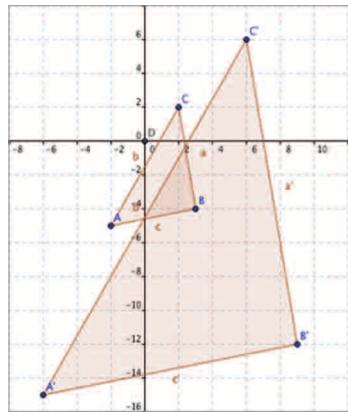
**Pág. 131**

1.  $\lambda = 1$



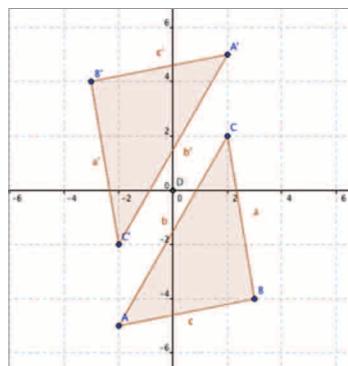
En este caso, la figura obtenida es la misma, por lo tanto los lados son paralelos.

2.  $\lambda = 3$



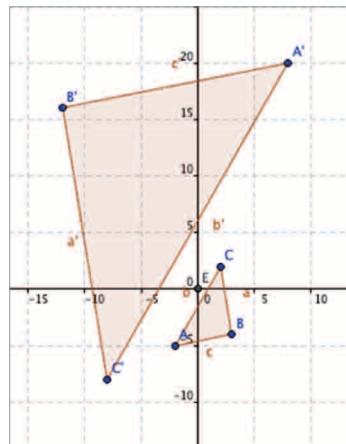
$$\begin{aligned} m_{\overline{AB}} &= m_{\overline{A'B'}} = \frac{1}{5} \\ m_{\overline{BC}} &= m_{\overline{B'C'}} = -6 \\ m_{\overline{AC}} &= m_{\overline{A'C'}} = \frac{7}{4} \end{aligned}$$

3.  $\lambda = -1$



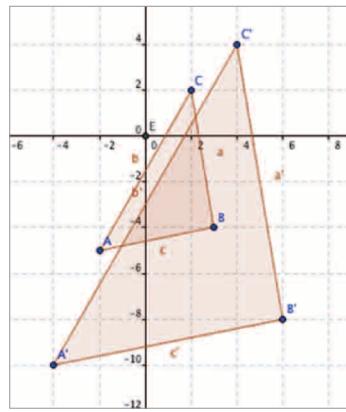
$$\begin{aligned} m_{\overline{AB}} &= m_{\overline{A'B'}} = \frac{1}{5} \\ m_{\overline{BC}} &= m_{\overline{B'C'}} = -6 \\ m_{\overline{AC}} &= m_{\overline{A'C'}} = \frac{7}{4} \end{aligned}$$

4.  $\lambda = -4$



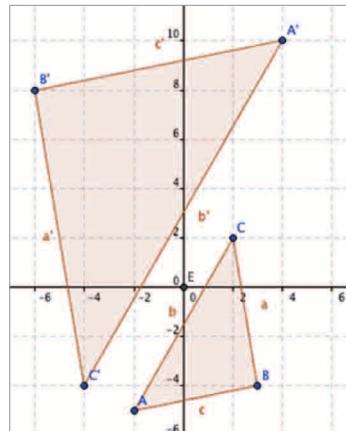
$$\begin{aligned} m_{\overline{AB}} &= m_{\overline{A'B'}} = \frac{1}{5} \\ m_{\overline{BC}} &= m_{\overline{B'C'}} = -6 \\ m_{\overline{AC}} &= m_{\overline{A'C'}} = \frac{7}{4} \end{aligned}$$

5.  $\lambda = 2$



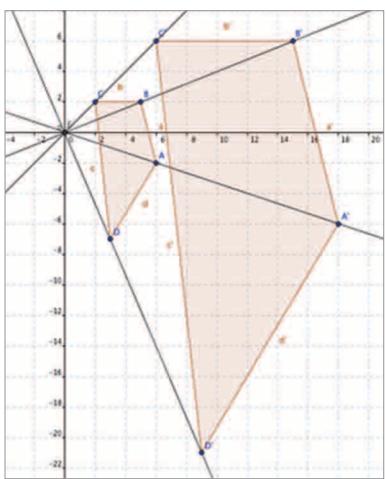
$$\begin{aligned} m_{\overline{AB}} &= m_{\overline{A'B'}} = \frac{1}{5} \\ m_{\overline{BC}} &= m_{\overline{B'C'}} = -6 \\ m_{\overline{AC}} &= m_{\overline{A'C'}} = \frac{7}{4} \end{aligned}$$

6.  $\lambda = -2$

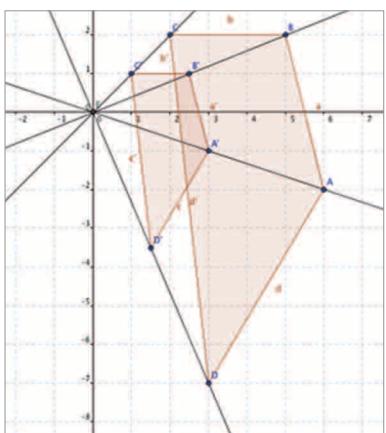


$$\begin{aligned} m_{\overline{AB}} &= m_{\overline{A'B'}} = \frac{1}{5} \\ m_{\overline{BC}} &= m_{\overline{B'C'}} = -6 \\ m_{\overline{AC}} &= m_{\overline{A'C'}} = \frac{7}{4} \end{aligned}$$

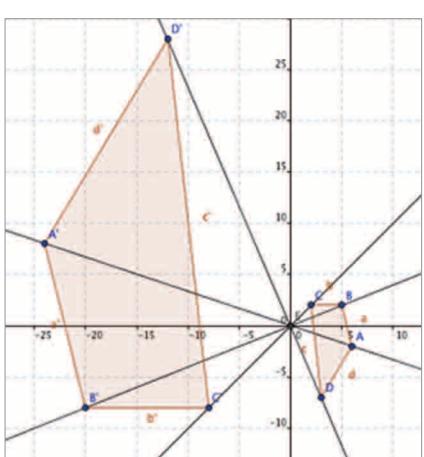
1.  $\lambda = 3$



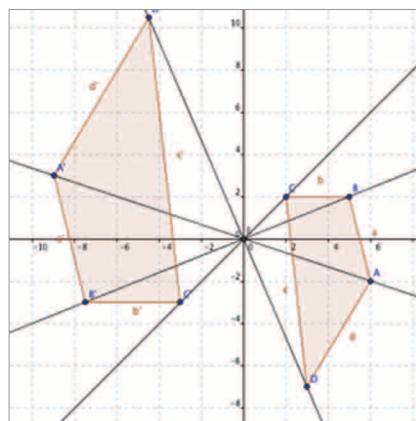
2.  $\lambda = 0,5$



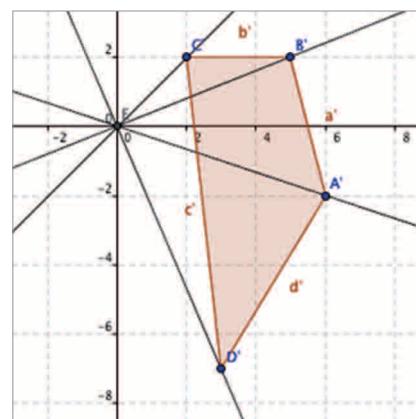
3.  $\lambda = -4$



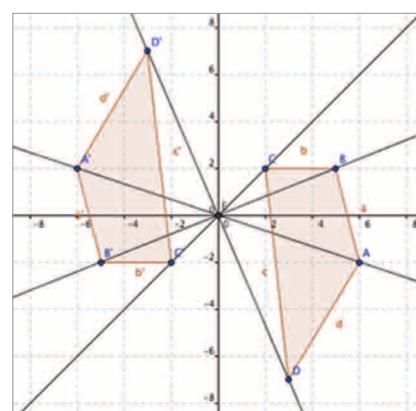
4.  $\lambda = -1,5$



5.  $\lambda = 1$



6.  $\lambda = -1$

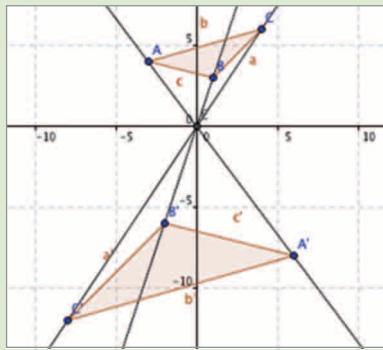


# Solucionario

## Pág. 135

$$\lambda = -2$$

La figura obtenida es semejante a la original.



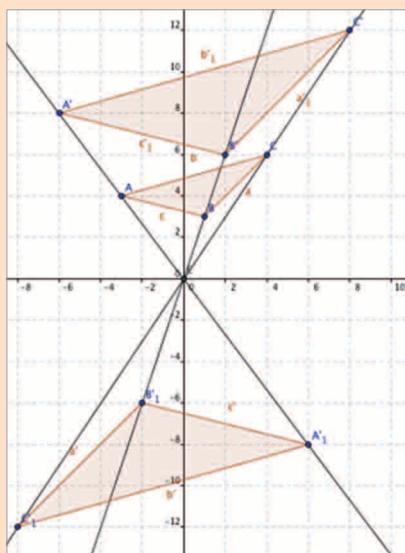
$$\lambda = -2 \text{ y } \lambda = 2$$

$$A(-3, 4) \rightarrow A'(6, -8)$$

$$B(1, 3) \rightarrow B'(-2, -6)$$

$$C(4, 6) \rightarrow C'(-8, -12)$$

Las figuras obtenidas son semejantes a la original, pero tienen dirección opuesta.



## Pág. 138

1. C
2. C
3. D
4. D
5. A
6. E

7. B

8. C

9. A

10. D

## Pág. 139

11. C

12. D

13. B

14. A

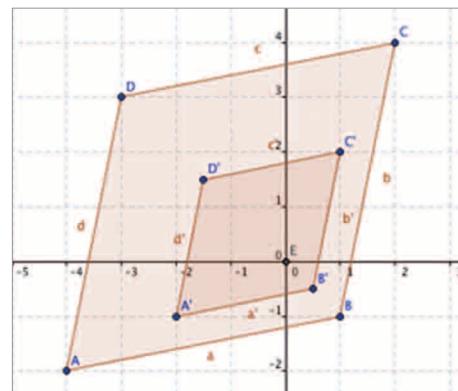
$$15. x + y = 0$$

$$16. \begin{cases} DC \Rightarrow y = \frac{1}{5}x + \frac{18}{5} \\ AB \Rightarrow y = \frac{1}{5}x - \frac{6}{5} \end{cases} \Rightarrow m_{DC} = m_{AB} = \frac{1}{5}$$

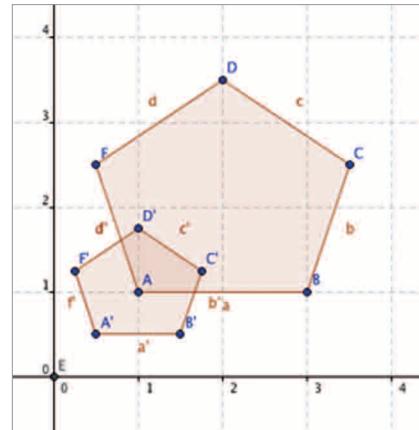
Luego, las rectas son paralelas.

17. El punto de intersección de las rectas es (-1, 1).

18.  $\lambda = 0,5$



19. Un ejemplo sería:



20.  $\lambda = -\frac{3}{4} \triangleright |\lambda| = \left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{3}{4} < 1 \triangleright |\lambda| < 1$

Luego, la homotecia es una reducción.

### Pág. 141

1.

Ec. Principal	$y = -x + 1$
Ec. General	$x + y - 1 = 0$
Ec. Canónica	$x + y = 1$
Pendiente	-1
Tipo de recta	decreciente
Intersección Eje X	(1, 0)
Intersección Eje Y	(0, 1)

2.

Ec. Principal	no tiene
Ec. General	$x + 2 = 0$
Ec. Canónica	no tiene
Pendiente	indefinida
Tipo de recta	vertical
Intersección Eje X	(-2, 0)
Intersección Eje Y	no intersecta

3.

Ec. Principal	$y = -\frac{8}{3}x + \frac{7}{3}$
Ec. General	$8x + 3y - 7 = 0$
Ec. Canónica	$\frac{x}{\frac{7}{8}} + \frac{y}{\frac{7}{3}} = 1$
Pendiente	$-\frac{8}{3}$
Tipo de recta	decreciente
Intersección Eje X	$\left( \frac{7}{8}, 0 \right)$
Intersección Eje Y	$\left( 0, \frac{7}{3} \right)$

4.

Ec. Principal	$y = 4$
Ec. General	$y - 4 = 0$
Ec. Canónica	no tiene
Pendiente	0
Tipo de recta	horizontal
Intersección Eje X	no intersecta
Intersección Eje Y	(0, 4)

5.

Ec. Principal	$y = \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$
Ec. General	$3x - 2y - 3 = 0$
Ec. Canónica	$x + \frac{y}{\frac{3}{2}} = 1$
Pendiente	$\frac{3}{2}$
Tipo de recta	creciente
Intersección Eje X	(1, 0)
Intersección Eje Y	$\left( 0, -\frac{3}{2} \right)$

6.

Ec. Principal	$y = 4$
Ec. General	$y - 4 = 0$
Ec. Canónica	no tiene
Pendiente	0
Tipo de recta	horizontal
Intersección Eje X	no intersecta
Intersección Eje Y	(0, 4)

7.

Ec. Principal	no tiene
Ec. General	$x - 3 = 0$
Ec. Canónica	no tiene
Pendiente	indefinida
Tipo de recta	vertical
Intersección Eje X	(3, 0)
Intersección Eje Y	no intersecta

# Solucionario

8.  $p = 0$

9.  $p = -\frac{31}{18}$

10.  $p = \frac{5}{2}$

11.  $y = 2x - 2$

12.  $y = 2x + 4$

13.  $k = \frac{3}{2}$

14.  $k = -\frac{4}{3}$

15. Sistema compatible indeterminado.

16. Sistema incompatible.

17. Sistema compatible determinado.

18. Sistema compatible indeterminado.

19. SCD  $\rightarrow 3b \neq 4a$

$$\text{SCI} \rightarrow \frac{9}{2}, b = 6$$

$$\text{SI} \rightarrow 3b = 4a, b \neq 6$$

20. SCD  $\rightarrow a \neq 6$

$$\text{SCI} \rightarrow a = 6, b = 9$$

$$\text{SI} \rightarrow a = 6, b \neq 9$$

21.  $d(P, O) = \sqrt{34}$

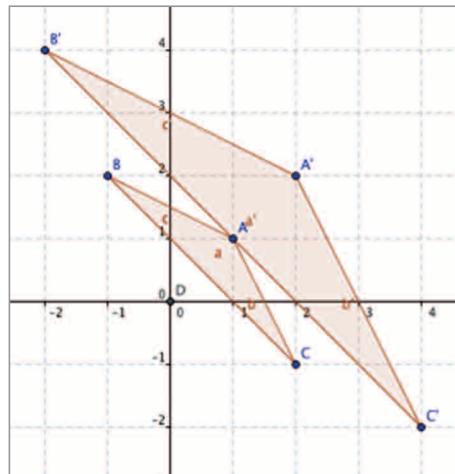
22.  $P = 2\sqrt{10} + 2\sqrt{53}$

23.  $d(A, C) = \sqrt{(a-1)^2 + (b-1)^2}$

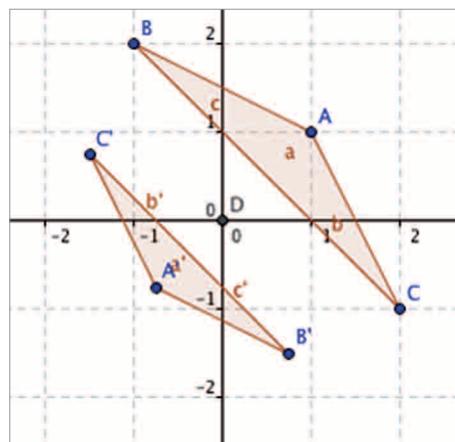
$$d(B, C) = \sqrt{(2-b-1)^2 + (a-1)^2} = \sqrt{(a-1)^2 + (b-1)^2}$$

Luego, la distancia entre A y C es igual a la distancia entre B y C.

24. Los nuevos vértices son  $A'(2, 2)$ ,  $B'(-2, 4)$  y  $C'(4, -2)$ .



25. Los nuevos vértices son  $A'\left(-\frac{3}{4}, -\frac{3}{4}\right)$ ,  $B'\left(\frac{3}{4}, -\frac{3}{2}\right)$  y  $C'\left(-\frac{3}{2}, \frac{3}{4}\right)$ .



26. La transformación aplicada a la figura no corresponde a una homotecia, ya que:

$$\lambda \cdot 12 = 15 \Rightarrow \lambda = \frac{15}{12} = \frac{5}{4} \quad \left. \begin{array}{l} \lambda \\ \lambda \cdot 24 = 27 \end{array} \right\} \frac{5}{4} \neq \frac{9}{8}$$

## Unidad 4, Probabilidad

### Pág. 143

1. -
2. Depende de cada alumno.
3. Depende de cada alumno.

### Pág. 144

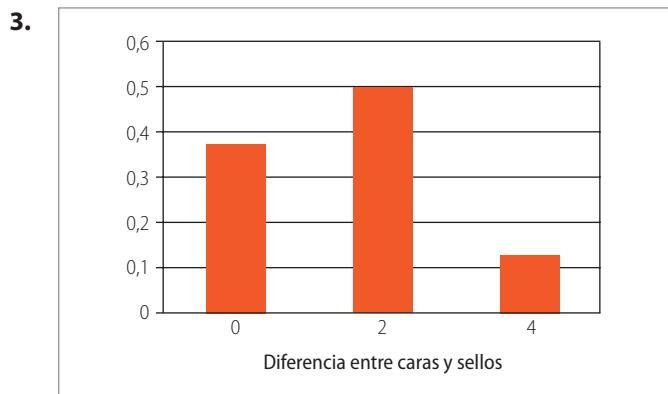
1. D
2. E
3. C
4. D
5. D
6. C
7. C

### Pág. 145

8. A
9. A
10. E
11. E
12. La probabilidad de que pueda ingresar es 0,58.
13. La probabilidad es 0,18.

### Pág. 147

1.  $\text{Rec}(X) = \{0, 2, 4\}$
2.  $f(x) = P(X = x) = \begin{cases} 0,375 & \text{si } X = 0 \\ 0,5 & \text{si } X = 2 \\ 0,125 & \text{si } X = 4 \\ 0 & \text{en cualquier otro caso.} \end{cases}$

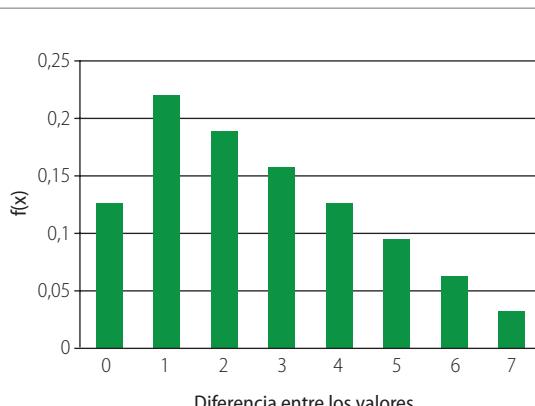


4. No es simétrica.

### 5.

$$f(x) = P(X = x) = \begin{cases} 0,125 & \text{si } X = 0 \\ 0,21875 & \text{si } X = 1 \\ 0,1875 & \text{si } X = 2 \\ 0,15625 & \text{si } X = 3 \\ 0,125 & \text{si } X = 4 \\ 0,09375 & \text{si } X = 5 \\ 0,0625 & \text{si } X = 6 \\ 0,03125 & \text{si } X = 7 \\ 0 & \text{en cualquier otro caso.} \end{cases}$$

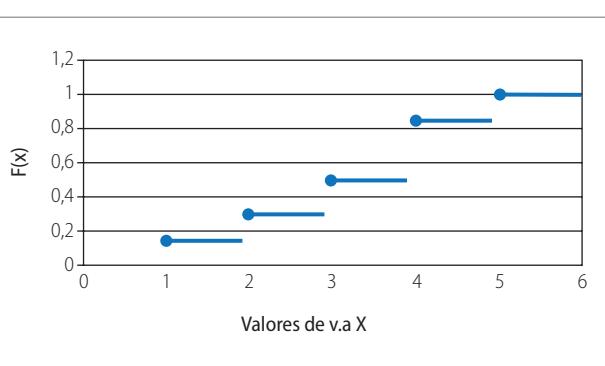
### 6.



7. No es simétrica.

### Pág. 149

1.  $n = 0,35$
2.  $P(X \leq 3) = 0,5$
3.  $P(2 \leq X \leq 4) = 0,7$
- 4.



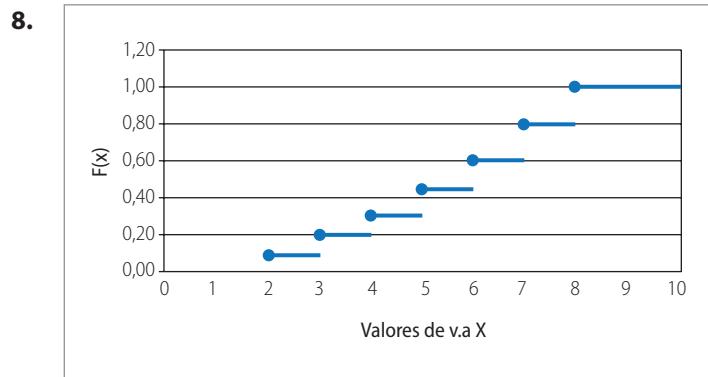
5.  $k = \frac{1}{49}$

6.  $\frac{1}{7}$

# Solucionario

7.

$$F(x) = \begin{cases} \frac{4}{49} & \text{si } X \leq 2 \\ \frac{9}{49} & \text{si } X \leq 3 \\ \frac{15}{49} & \text{si } X \leq 4 \\ \frac{22}{49} & \text{si } X \leq 5 \\ \frac{30}{49} & \text{si } X \leq 6 \\ \frac{39}{49} & \text{si } X \leq 7 \\ 1 & \text{si } X \leq 8 \end{cases}$$



## Pág. 151

- Rec(X) = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18}
- Depende de cada alumno.
- Depende de cada alumno.
- Depende de cada alumno.

## Pág. 153

Rec(A) = {3, 4, 5, 6, 7, 8}, Rec(B) = {2, 3, 4, 5, 6, 7},  
Rec(C) = {0, 1, 2, 3, 4, 5}, Rec(D) = {1, 2, 3, 4, 5, 6}

En A todas las probabilidades son iguales, el experimento es equiprobable.

En B, las probabilidades de obtener 4 y 5 son iguales, las probabilidades de obtener 3 y 6 son iguales, las probabilidades de obtener 2 y 7 son iguales.

En C, las probabilidades de obtener 2 y 3 son iguales, las probabilidades de obtener 1 y 4 son iguales, las probabilidades de obtener 0 y 5 son iguales.

En D, las probabilidades de obtener 3 y 4 son iguales, las probabilidades de obtener 2 y 5 son iguales las probabilidades de obtener 1 y 6 son iguales.

En A,  $P(X \leq 3) = \frac{1}{6}$ ,  $P(X \geq 4) = \frac{5}{6}$ .

En B,  $P(X \leq 3) = 0,25$ ;  $P(X \geq 4) = 0,75$ .

En C,  $P(X \leq 3) = 0,58$ ;  $P(X \geq 4) = 0,42$ .

En D,  $P(X \leq 3) = 0,5$ ;  $P(X \geq 4) = 0,5$ .

## Pág. 155

- El juego no es justo, es favorable.

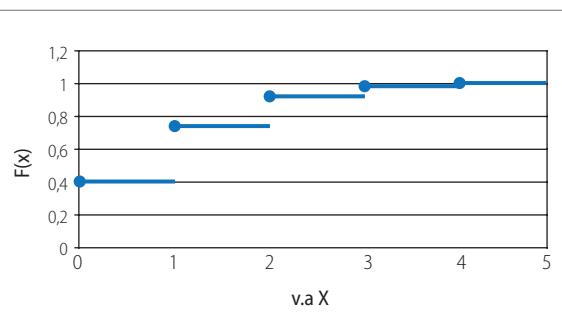
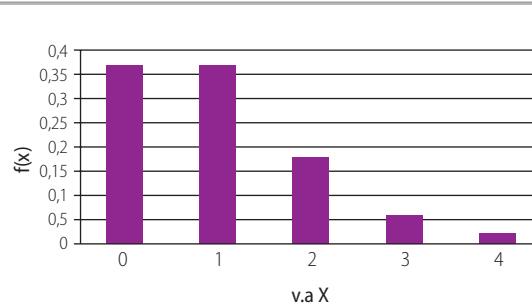
- Se espera obtener \$ 312,5.

- Aproximadamente 3 tornillos.

## Pág. 157

- Hombres: Media = 5,6; Varianza = 4,64  
Mujeres: Media = 6,3; Varianza = 2,8
- Media = 5,875; Varianza ≈ 4,1
- El grupo de las mujeres es más homogéneo.
- $E(x) = 0,99$
- $V(x) = 0,9699$
- $S(x) \approx 0,9848$

## 7.



- El precio justo es \$ 650.

- 20.207.500

- $E(X) = \$ 14$

11.  $E(X) = \$ 22$
12.  $E(X) = 66,22; E(Y) = 67,73$  (valores en millones de pesos).
13.  $\text{Var}(X) \approx 37,19; S(X) \approx 6,1; \text{Var}(Y) \approx 18,23; S(Y) \approx 4,27$
14. El banco B posee mayor rentabilidad y menor variabilidad.

### Pág. 159

1. La variable A.
2. El tirador correspondiente al gráfico D.

### Pág. 161

- |                |                 |
|----------------|-----------------|
| <b>1.</b> 9,75 | <b>2.</b> 10,25 |
|----------------|-----------------|

- |  |  |
|--|--|
| <b>1.</b> $\text{Var} \approx 23,19; S \approx 4,82$ | <b>2.</b> $\text{Var} \approx 25,69; S \approx 5,07$ |
|--|--|

### Pág. 165

1. X: número de bastos obtenidos.
2.  $f(x) = C_8^x \cdot 0,25^x \cdot 0,75^{8-x}$
3.  $E(X) = 2$
4.  $\text{Var}(X) = 1,5$
5.  $P(X < 6) \approx 0,0003$
6.  $P(X = 70) = 0,2^{70}$
7.  $P(X > 24) \approx 0,0016$
8.  $P(X = 3) \approx 0,223$
9.  $P(X > 0) \approx 0,921$

### Pág. 167

1.  $P = 0,6$
2.  $P = 0,128$
3.  $P = 0,212$
4.  $P \approx 0,627$
5.  $P = 0,213$
6.  $P = 0,092$
7.  $P = 0,448$
8.  $P = 0,23$
9.  $P \approx 0,882$
10.  $P \approx 0,904$
11.  $P = 0,6$
12.  $P = 0,3$
13.  $P \approx 0,714$
14.  $P \approx 0,643$

### Pág. 168

Ahora tú

1.  $p = 0,2$

### Pág. 169

1. Depende de cada alumno. Algunos ejemplos serían:  
A: extraer un número par.  
B: extraer un número menor que 5.  
C: extraer un número primo.

1.  $P(A/B) = 0,5; P(B/A) = 0,6$
2.  $P(B) = 0,02$

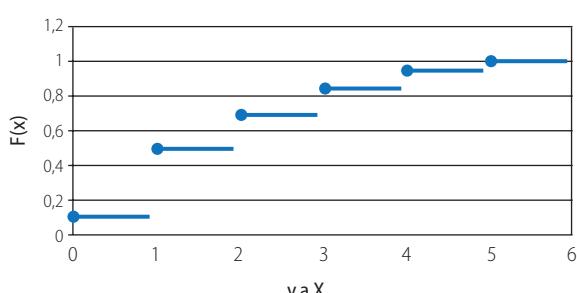
### Pág. 172

1. C
2. A
3. D
4. D
5. E
6. C
7. A
8. D
9. A

### Pág. 173

10. B
11. C
12. E
13. E
14. D
15. D
16. C
17. 0,1

- 18.



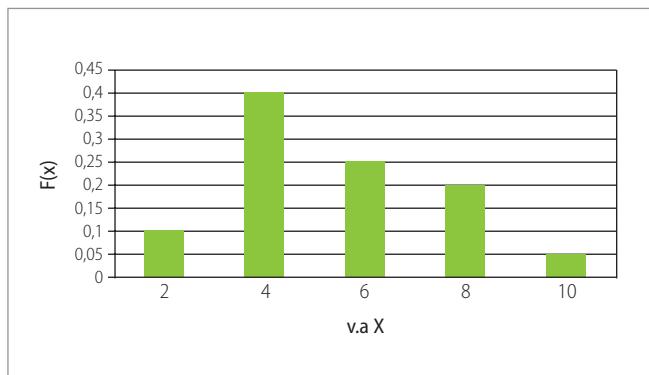
# Solucionario

19.  $E(n) = 1,9$ ;  $Var(n) = 1,79$

20.  $P \approx 0,186$

**Pág. 175**

1. 0,2



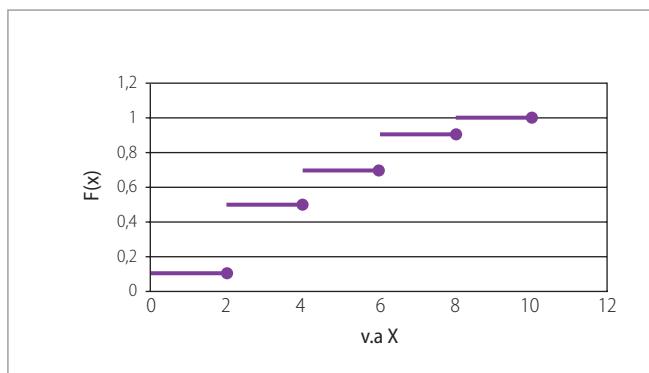
2.  $\text{Dom} = \{2, 4, 6, 8, 10\}$

$\text{Rec} = [0, 1]$

No es simétrica.

3.

$$F(x) = \begin{cases} 0,1 & \text{si } X \leq 2 \\ 0,5 & \text{si } X \leq 4 \\ 0,75 & \text{si } X \leq 6 \\ 0,95 & \text{si } X \leq 8 \\ 1 & \text{si } X \leq 10 \end{cases}$$

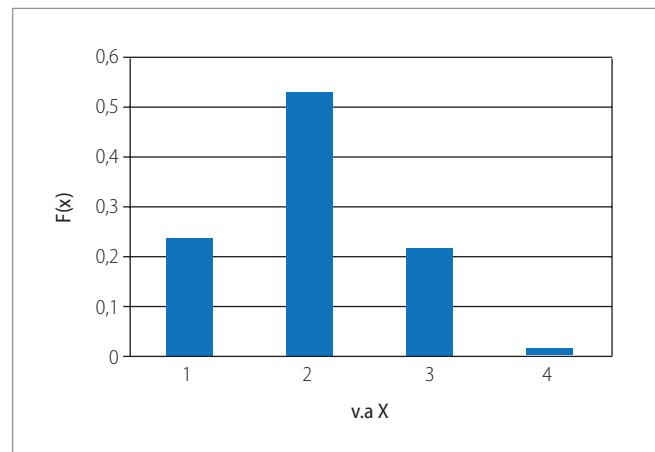


4.  $P(X > 4) = 0,5$ ;  $P(X < 6) = 0,5$

5.

$$f(x) = P(A = a) = \begin{cases} \frac{5}{21} & A = 0 \\ \frac{15}{28} & A = 1 \\ \frac{3}{14} & A = 2 \\ \frac{1}{84} & A = 3 \\ 0 & \text{en cualquier otro caso.} \end{cases}$$

$\text{Dom} = \{0, 1, 2, 3\}$ ,  $\text{Rec} = [0, 1]$



No es simétrica.

6.

$$F(a) = \begin{cases} 0,23 & \text{si } A \leq 0 \\ 0,77 & \text{si } A \leq 1 \\ 0,99 & \text{si } A \leq 2 \\ 1 & \text{si } A \leq 3 \end{cases}$$

7.  $P(A > 2) = \frac{1}{84}$ ,  $P(A < 2) = \frac{65}{84}$

8.  $E(X) = 5,4$ ;  $Var(X) = 4,44$ ;  $S(X) \approx 2,1$

9. 1,8; es decir, aproximadamente 2 bolitas.

10. Ambas tienen igual esperanza, pero la segunda es más dispersa que la primera, pues hay mayor cantidad de valores lejanos al valor central que, es la media (pues las distribuciones son simétricas).

11.  $E(A) = 1$ ;  $Var(A) = 0,6$ ;  $S(A) \approx 0,81$

12. Las distribuciones son asimétricas, pero tienen la misma forma aunque invertida, por lo que su desviación es la misma. Dado que la segunda se concentra en valores más altos, su valor esperado es mayor.

13.  $P \approx 0,233$

14.  $P \approx 0,0008$

**15.**  $P \approx 0,401$

**16.**  $P \approx 0,3$

**17.**  $P \approx 0,172$

**18.**  $P \approx 0,75$

**19.**  $P \approx 0,876$

**20.**  $P = \frac{1}{3}$

**21.**  $P = \frac{4}{5}$

**22.**  $P = \frac{20}{79}$

### Taller de evaluación 1

#### Pág. 100

- |             |             |
|-------------|-------------|
| <b>1.</b> B | <b>6.</b> D |
| <b>2.</b> D | <b>7.</b> B |
| <b>3.</b> E | <b>8.</b> A |
| <b>4.</b> D | <b>9.</b> B |
| <b>5.</b> D |             |

#### Pág. 101

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>10.</b> B | <b>15.</b> B |
| <b>11.</b> A | <b>16.</b> A |
| <b>12.</b> C | <b>17.</b> B |
| <b>13.</b> B | <b>18.</b> C |
| <b>14.</b> E | <b>19.</b> D |

#### Pág. 102

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>20.</b> C | <b>24.</b> E |
| <b>21.</b> B | <b>25.</b> C |
| <b>22.</b> B | <b>26.</b> C |
| <b>23.</b> D | <b>27.</b> D |

#### Pág. 103

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>28.</b> E | <b>33.</b> D |
| <b>29.</b> D | <b>34.</b> B |
| <b>30.</b> B | <b>35.</b> B |
| <b>31.</b> A | <b>36.</b> D |
| <b>32.</b> C |              |

#### Pág. 104

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>37.</b> E | <b>40.</b> A |
| <b>38.</b> C | <b>41.</b> C |
| <b>39.</b> D |              |

#### Pág. 105

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>42.</b> D | <b>45.</b> B |
| <b>43.</b> D | <b>46.</b> B |
| <b>44.</b> C | <b>47.</b> D |

### Taller de evaluación 2

#### Pág. 176

- |             |             |
|-------------|-------------|
| <b>1.</b> B | <b>4.</b> D |
| <b>2.</b> A | <b>5.</b> D |
| <b>3.</b> C | <b>6.</b> D |

#### Pág. 177

- |             |              |
|-------------|--------------|
| <b>7.</b> B | <b>10.</b> D |
| <b>8.</b> C | <b>11.</b> A |
| <b>9.</b> C | <b>12.</b> E |

#### Pág. 178

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>13.</b> B | <b>16.</b> D |
| <b>14.</b> B | <b>17.</b> A |
| <b>15.</b> D | <b>18.</b> D |

#### Pág. 179

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>19.</b> E | <b>22.</b> E |
| <b>20.</b> A | <b>23.</b> C |
| <b>21.</b> D |              |

#### Pág. 180

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>24.</b> A | <b>26.</b> D |
| <b>25.</b> E |              |

#### Pág. 181

- |              |              |
|--------------|--------------|
| <b>27.</b> D | <b>30.</b> B |
| <b>28.</b> B | <b>31.</b> C |
| <b>29.</b> D | <b>32.</b> D |